



التبرير والبرهان

المرحلة الثانوية

سلسلة الحقائق التعليمية في STEM



محتويات الحقية

5	الفهرس
6	المقدّمة
9	الأهداف
10	المفاهيم والمصطلحات
13	النشاط الأول: مجموع زوايا المضلع الداخليّة
21	النشاط الثاني: دراسة لعدد المستشفيات في المملكة مقارنة بعدد السكان
31	النشاط الثالث: قطرا المستطيل
39	النشاط الرابع: البوّابة المنطقية AND
49	النشاط الخامس: البوّابة المنطقية OR
59	النشاط السادس: غليان الماء

المقدمة

المجالات

المجال | التقنية | العلوم | الرياضيات | الهندسة

يعدّ التخمين والتبرير الاستقرائي من الموضوعات المهمّة في علم الرياضيات، والتبرير الاستقرائي هو تبرير تُستعمل فيه أمثلة محدّدة للوصول إلى نتيجة، وعندما تفترض استمرار نمط علم الوتيرة نفسها، فإنك تستعمل التبرير الاستقرائي، وتسمّى العبارة النهائيّة التي تتوصّل إليها باستعمال التبرير الاستقرائي تخميناً؛ فهو إذن العملية المنطقية التي تستعمل فيها الفرضيات للوصول إلى استنتاجات محدّدة.

لا يدرك كثيرون أهميّة التخمين والتبرير الاستقرائي رغم أهميتهما في الحياة، فالعلماء في معظم العلوم وضعوا الكثير من التخمينات عن طريق الملاحظة والمشاهدة لحالات وأمثلة محدّدة، ثم وُضعت النظريات وأُثبتت بالاعتماد على طرق الإثبات والبرهان العلميّة، ومن الأمثلة الشهيرة على استخدام الاستقراء الرياضي ووضع التخمينات، والذي أدّى إلى اكتشاف الجاذبية الأرضيّة، ملاحظة نيوتن لسقوط الأجسام باتجاه الأرض، ونتيجة لتكرار تلك المشاهدات، وضع تخميناً مفاده أنّه توجد قوّة تجذب الأجسام الساقطة نحو الأرض، والجميع يعلم الثورة التي أحدثها هذا التخمين في علوم الفيزياء وعلوم الأرض وعلوم الطيران. أمّا أصحاب الشركات فيستخدمون التبرير الاستقرائي والتخمين بشكل كبير في دراسة الأسواق المالية، ووضع تنبؤات مستقبلية لتلك الأسواق، ويظهر ذلك بشكل واضح في دراسة أسعار الأسهم والأوراق المالية في أسواق البورصة العالميّة والمحليّة.

إنّ دراسة حالات خاصّة تقود إلى تخمين لا يعني بالضرورة صحّة ذلك التخمين، فالحصول على مثال واحد معاكس (المثال المضادّ) يعني عدم صحّة ذلك التخمين؛ لذلك فنحن بحاجة إلى تقديم مبررات صحيحة في صورة تعريفات أو نظريات أو مسلّمات تسمّى برهاناً؛ لتأكيد صحّة هذه الاستنتاجات وتحويلها إلى حقائق، وهذا ما نسمّيه التبرير الاستنتاجي الذي يعتمد على الحقائق والقواعد والتعريفات والخصائص، من أجل الوصول إلى نتائج منطقية من عبارات معطاة. ويستخدم قانون الفصل المنطقي وقانون القياس المنطقي في التبرير الاستنتاجي.

من أجل إبراز دور التبرير الاستقرائي والتبرير الاستنتاجي في العلوم الأخرى، صُممت هذه الحقيبة وفق منهج التعلم التكاملي (STEM)، الذي يبيّن على تكامل المعرفة بين العلوم والرياضيات والهندسة والتقنية، وقد تكوّنت الحقيبة في صورتها النهائيّة من ستة أنشطة، جميعها تطبيقات رياضية في العلوم المختلفة، وُضفت فيها التقنية وأدوات التعلم المعتمدة في منهج (STEM)؛ حتّى يكون تعلّم الطالب للرياضيات تعلّماً ذا معنى يعمّق فهمه للمفاهيم الرياضيّة، ويطوّر مهاراته الرياضيّة، ويمكنه من حلّ المشكلات، موظّفاً في ذلك مهارات التفكير المتنوّعة؛ مثل التفكير الناقد، والتفكير الإبداعي، وينمّي لديه مهارات البحث والاستقصاء وغيرها.

المقدمة

أهمية الحقيقة:

تأتي أهمية هذه الحقيقة من أهمية الموضوع الذي تناقشه، وهو «التبرير والبرهان» الذي يعلم الطالب ويدربه على التفكير بصورة عامة والتفكير الرياضي بصورة خاصة، وذلك باستخدام أساليب الاستدلال والتأمل وإدراك العلاقات بين المتغيرات، إضافة إلى أن البرهان الرياضي يساعد على تفهم الأزمات المعقدة في حياتنا، وهو كذلك يعدّ طريقاً لإدراك العلم وجعله ذا معنى.

تبرز أهمية هذه الحقيقة أيضاً في تركيزها على المتعلم ودوره في إنتاج المعرفة، وخلق بيئة فاعلة ممتعة للتعليم، يكون الطالب فيها ماهراً في التعلم ونشطاً في الإنتاج، كما تجعل هذه الحقيقة التعلم الذي يتلقاه الطالب تعلمًا ذا معنى من خلال ربط المعرفة الرياضية بالعلوم الأخرى وفق منهج STEM التكاملية.

منهجية بناء الحقيقة وأهميتها:

اعتمد في بناء أنشطة الحقيقة على تكامل المعرفة بين العلوم والرياضيات والهندسة (STEM)، واستخدمت في تنفيذ الأنشطة أدوات STEM التعليمية، ودمجت المعرفة في الرياضيات في تعلم مفاهيم العلوم الأخرى، إضافة إلى توظيف العديد من المفاهيم الفيزيائية والهندسية؛ لتقديم المعرفة الرياضية بصورة تساعد الطالب على فهمها والتمكّن من مهاراتها، وتطبيق معارفها في مواقف جديدة إضافة إلى ديمومة أثر تعلمها.

آلية العمل في الحقيقة:

- ستنفذ أنشطة الحقيقة جميعها ضمن مجموعات غير متجانسة يوزعها المعلم قبل بدء التعلم.
- يلتزم كل من المعلم والطلاب بالوقت المحدد لكل نشاط.
- تحتاج بعض الأنشطة إلى الاستعانة بمدرّسي مواد العلوم الأخرى.
- يحتاج تنفيذ بعض الأنشطة إلى مهارات عملية؛ مثل مهارات الفك والتركيب.
- تحتاج بعض الأنشطة إلى استخدام الإنترنت وأجهزة الحاسوب وبعض التطبيقات الحاسوبية.

المقدمة

فائدة الحقيقة للطالب والمعلم:

- خلق بيئة تعلم فاعلة للتعلم المبني على تفهيم دور المتعلم، ومراعاة الفروق الفردية بين المتعلمين.
- تجعل التعلم ذا معنى.
- تعرف تطبيقات الرياضيات في العلوم الأخرى.
- تعرف أهمية الرياضيات في الحياة.
- تعود على العمل الجماعي.
- الاطلاع على إستراتيجيات التدريس الحديثة (STEM).
- التعلم المتمحور حول الطالب.

محتويات الحقيقة:

- أنشطة عملية توظف من خلالها المعرفة الرياضية في العلوم الأخرى.
- صور ورسومات وتمثيلات مختلفة.

الأهداف

يتوقع منك بعد تنفيذ الحقيبة أن تكون قادراً على:

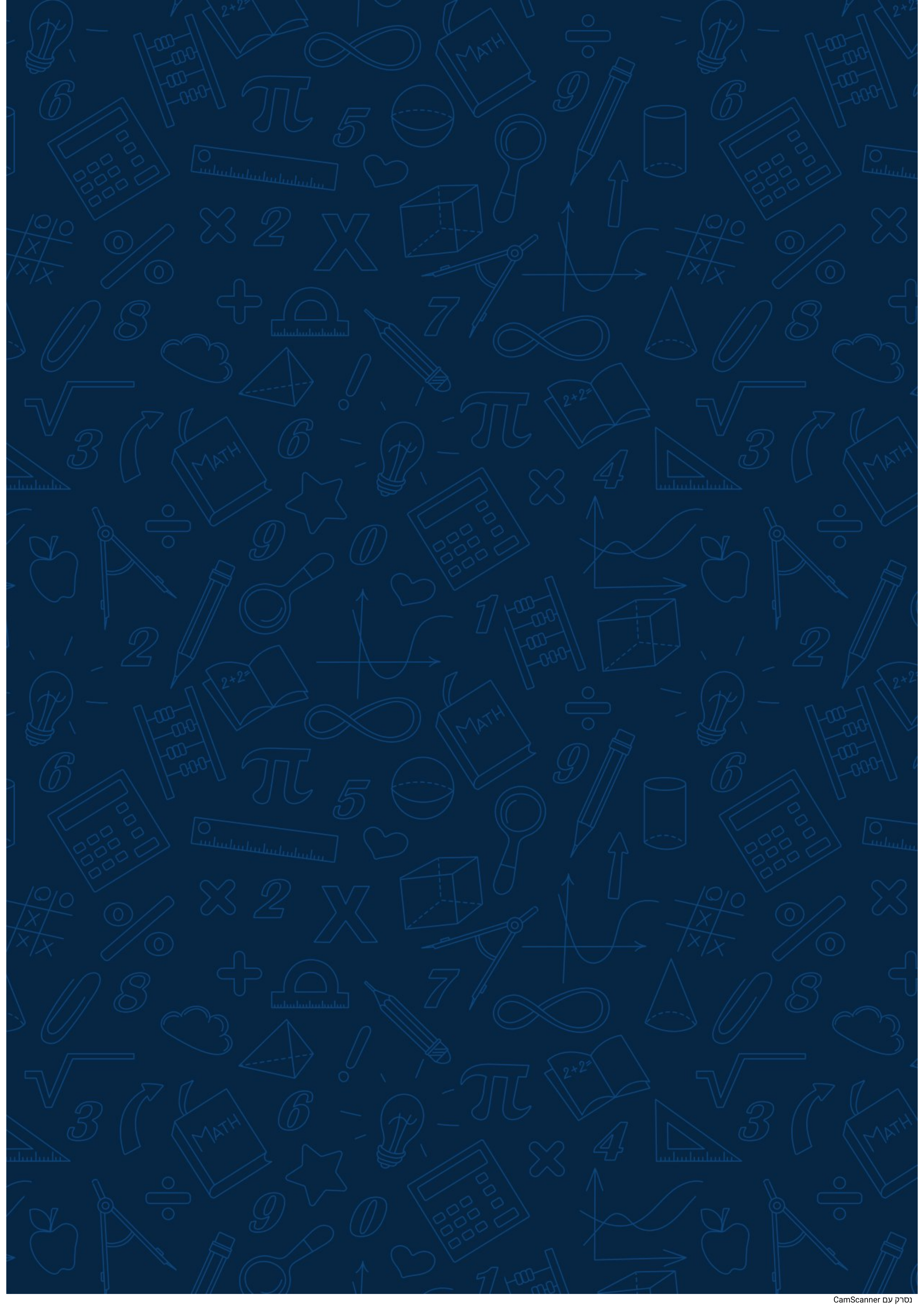
- 1 | توظيف التبرير الاستقرائي في الوصول إلى تخرينات وصياغة تعميمات.
- 2 | توظيف التبرير الاستنتاجي والمنطق في برهنة التعميمات الرياضية.
- 3 | بناء براهين تتضمن نظريات القطع المستقيمة والزوايا.
- 4 | توظيف التفكير المنطقي في طرح حلول لمشكلات حياتية.
- 5 | طرح حلول لمشكلات علمية مبنية على منهجية التفكير العلمي.
- 6 | إجراء عمليات بحث واستقصاء بمهارة.
- 7 | تقدير أهمية العمل الجماعي والتعاون لتحقيق الأهداف.
- 8 | ممارسة التفكير الناقد والتفكير الإبداعي في المواقف المتعلقة بحل المشكلات.

المفاهيم والمصطلحات

- التبرير الاستقرائي: تبرير تستعمل فيه أمثلة محدّدة للوصول إلى نتيجة.
- التخمين: العبارة النهائية التي نتوصّل إليها باستعمال التبرير الاستقرائي.
- المثال المضاد: مثال واحد معاكس للتخمين، وقد يكون عددًا أو رسمًا أو عبارة.
- العبارة: جملة خبرية لها حالتان فقط؛ إما أن تكون صائبة أو تكون خطأ، ولا تحتمل أي حالة أخرى.
- قيمة الصواب: هو صواب العبارة (T) أو خطؤها (F).
- نفي العبارة: يفيد معنً مضادًا لمعنى العبارة. وقيمة الصواب له هو عكس قيمة الصواب للعبارة الأصلية.
- عبارة مركب: يمكنك ربط عبارتين أو أكثر باستعمال الرابط (و)، أو الرابط (أو) لتكوين عبارة مركبة.
- عبارة الوصل: العبارة المركبة التي تحتوي (و) تسمى عبارة وصل.
- عبارة فصل: تسمى العبارة المركبة التي تحتوي (أو) عبارة فصل.
- جداول الصواب: يمكن تنظيم قيم الصواب للعبارات في جداول تسمى جداول الصواب.
- العبارة الشرطية: عبارة يمكن كتابتها على صورة (إذا ... فإن ...).
- العبارات المتكافئة منطقيًا: تسمى العبارات التي لها قيم الصواب نفسها عبارات متكافئة منطقيًا.
- التبرير الاستنتاجي: منهج في التفكير يستعمل حقائق وقواعد وتعريفات وخصائص؛ من أجل الوصول إلى نتائج منطقية من عبارات معطاة.
- قانون الفصل المنطقي: أحد أشكال التبرير الاستنتاجي، ويستخدم لإثبات صحة التخمينات.

المفاهيم والمصطلحات

- قانون القياس المنطقي: طريقة أخرى للتبرير الاستنتاجي، وباستعمال هذا القانون يمكنك الحصول على نتائج من عبارتين شرطيتين صائبتين، وذلك عندما تكون نتيجة العبارة الشرطية الأولى هي الفرض في العبارة الشرطية الثانية.
- المسلّمة أو البديهية: عبارة تعطي وصفًا لعلاقة أساسية بين المفاهيم الهندسية الأوليّة، وتقبل على أنها صحيحة من دون برهان.
- البرهان: دليل منطقي فيه كل عبارة تكتبها تكون مبرّرة بعبارة سبق إثباتها أو قبول صحتها.
- النظرية: في حال إثبات صحة عبارة أو تخمين فإنها تُسمّى نظرية.
- الدائرة الكهربائية البسيطة: دائرة كهربائية تتكون من مفاتيح ومصباح ومصدر طاقة.
- قطر المستطيل: الخط المستقيم الواصل بين رأسين متقابلين في المستطيل.
- المضلع: شكل هندسي مغلق يتكوّن من اتحاد عدد من القطع المستقيمة، ويقع في المستوى.
- المضلع المنتظم: المضلع الذي تتساوى فيه قياسات جميع أضلاعه.
- النظام الثنائي (0، 1): نظام عددي مبني على العددين 0 و 1 وأساسه العدد (2).
- غليان الماء: درجة الحرارة التي يتحوّل عندها الماء من الحالة السائلة إلى الحالة الغازية.





أنشطة الحقيية
النشاط الرئيس الأوّل:

مجموع زوايا
المضلّع
الداخليّة

زمن تنفيذ النشاط 90 دقيقة

المضلع شكل هندسي مغلق مكوّن من قطع مستقيمة ليست على استقامة واحدة، نهاية كل قطعة منها تمثل بداية القطعة التي تليها، ويتساوى عدد الأضلاع وعدد الزوايا الداخلية فيه كل مضلع، فالمضلع ذو الثلاثة أضلاع (المثلث) له ثلاث زوايا داخلية وهكذا. ويسمى المضلع بعدد أضلاعه؛ فالمضلع ذو الأربعة أضلاع يسمى مربعًا، والمضلع ذو الخمسة أضلاع يسمى خماسيًا، وهكذا. وإذا تساوت أضلاع المضلع وتساوت زواياه يسمى مضلعًا منتظمًا.

تقسم المضلعات إلى عدة أقسام، منها: المحدث، والمقعر، والنجمي. (ابحث في الإنترنت عن تعريف كل نوع من هذه الأنواع).



المقدمة

يتوقع منك بعد الانتهاء من هذا النشاط أن تكون قادرًا على:

- صياغة تخمين لحساب مجموع زوايا المضلع الداخلية من دراسة حالات خاصة.
- اختبار صحة التخمينات بدراسة حالات جديدة.
- توظيف إستراتيجية التبرير الاستقرائي، والوصول إلى تخمينات في مواقف جديدة.

الأهداف
الخاصة بالنشاط

تتطلب العديد من المواقف التي تواجه الفرد ملاحظة التشابهات التي تظهر من تكرار تلك المواقف للربط بينها، وتعميم تلك المشاهدات على مواقف جديدة، وهذا ما يعرف بالاستقراء؛ لذلك اعتمد في بناء هذا النشاط على تعرّض الطالب لدراسة حالات محدّدة من الأشكال الهندسية وبناء تخمينات رياضية، حيث يساعد هذا الربط بين الهندسة والرياضيات على توضيح المفاهيم المراد تعليمها للطالب، ويسهم بشكل كبير في انتقال أثر التعلم إلى مواقف جديدة تواجه المتعلم.

يستخدم الاستقراء والاستنتاج بشكل كبير في العلوم، ويُعدّان من الأساليب المهمة في الوصول إلى النتائج والتعميمات وصياغة النظريات؛ فملاحظة الفيزيائيين على سبيل المثال أنه عند تعرّض الحديد للحرارة في حالات محدّدة، يؤدي إلى تمدّد الحديد، قادهم إلى التخمين بأن الحديد يتمدّد بالحرارة، ويطبق هذا المبدأ أيضًا بشكل كبير في الهندسة؛ لاختبار النجاح الحقيقي لبعض التصميمات؛ مثل تصميم الجسور والأبنية وتصاميم الأجسام الطائرة وغيرها، كما يوظف المنطق الرياضي في عمل الحاسوب الذي يعتمد النظام الثنائي (0.1).



STEM

القوانين والمبادئ التكامليّة في الحقيقة:

- استخدام التبرير الاستقرائي في دراسة أمثلة محدّدة.
- بناء التخمينات.
- دراسة العلاقة بين عدد الأضلاع وعدد المثلثات الداخلية للمضلع.
- صياغة علاقة رياضيّة لإيجاد مجموع زوايا المضلع الداخلية بالاعتماد على عدد أضلاع المضلع.

النماذج والتصميم

- مضلّعات متنوّعة (مثلث، مربع، خماسي،.....)

الموادّ اللازمة:



ورق أبيض.

أدوات هندسيّة.

التعلّم القبلي:

- الأنماط بأنواعها المختلفة (عدديّة، أشكال هندسيّة،.....).
- استعمال البيانات لإيجاد أنماط والتوصّل إلى توقّعات.

التعلّم الرأسي:

- دراسة الأنماط المرتبطة بالأشكال.
- دراسة الأنماط العدديّة.
- دراسة أمثلة محدّدة لبناء التخمينات.
- إيجاد أمثلة مضادّة.
- اعتماد الاستقراء بوصفه إستراتيجيّة للتحقّق من العديد من الظواهر.

إجراءات تنفيذ النشاط:

يتطلب هذا النشاط رسم مجموعة من المضلعات، وبالنسبة إلى الأشكال: الرباعي، الخماسي، السداسي، سترسم جميع أقطار الشكل من أحد رؤوسه؛ ليتكوّن الشكل من عدد من المثلثات (مراعياً أن تكون الأشكال جميعها محدّبة)، لذلك فأنت بحاجة إلى تجهيز أدواتك الهندسية.

- في الجدول (1) ارسم الشكل المحدّد في المكان المناسب، وأكمل المطلوب في كلّ خانة.

الجدول (1)

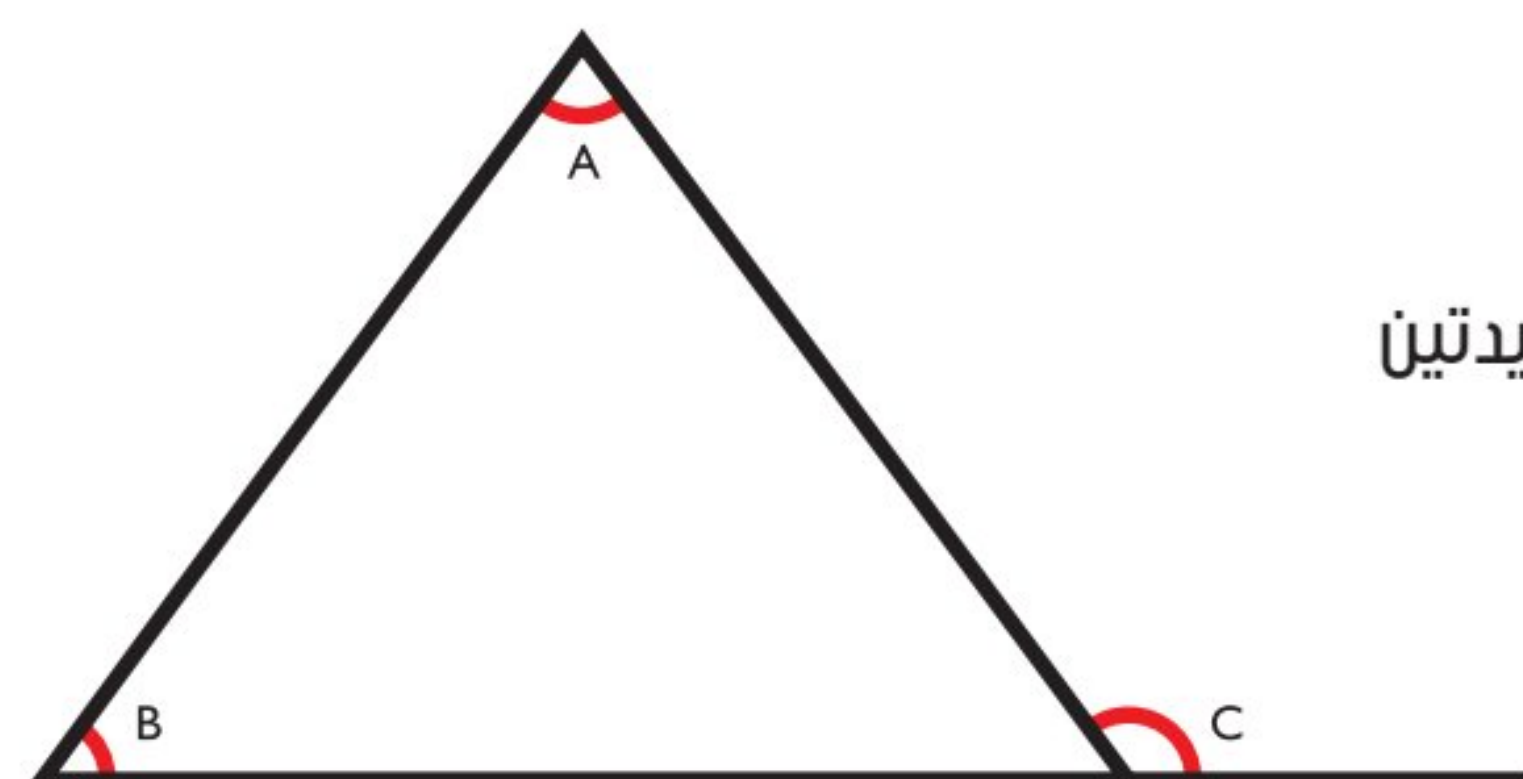
الشكل	الرسم	مجموع الزوايا الداخلية (مستخدماً المنقلة)	عدد المثلثات المكوّنة للمضلع	عدد المثلثات $180^\circ \times$ عدد المثلثات	عدد أضلاع الشكل - 2 (n-2)	$(n-2) \times 180^\circ$
المثلث		180°	1	$1 \times 180^\circ = 180^\circ$	$3-2=1$	$1 \times 180^\circ$
الرباعي						
الخماسي						
السداسي						

- ما العلاقة بين البيانات التي حصلت عليها في العمودين الرابع والسادس؟
- ما العلاقة بين البيانات التي حصلت عليها في الأعمدة (الثالث والخامس والسابع)؟
- خمن مجموع الزوايا الداخلية للشكل السباعي، معتمداً على عدد أضلاع الشكل.
- خمن مجموع الزوايا الداخلية للشكل الثماني، معتمداً على عدد أضلاع الشكل.
- بناءً على البيانات في الجدول، اكتب علاقة رياضية تمثل العلاقة بين عدد أضلاع الشكل وعدد المثلثات الداخلية للشكل.
- بناءً على البيانات في الجدول، اكتب علاقة رياضية تربط بين مجموع الزوايا الداخلية للمضلع وعدد أضلاعه.

مجالات تطبيق الموضوع في الحياة:

يتعرّض الفرد في كل يوم للعديد من المواقف الحياتية التي تتطلب دراسة الحالات الخاصة لظاهرة ما؛ من أجل بناء تخمينات والوصول إلى تعميمات تخص تلك الظاهرة، أو الحكم على حالات خاصة من خلال نظريات أو تعميمات أو مسلمات، ويُعدّ هذا النشاط تمريناً للطالب يساعده على فهم المبادئ الرئيسة التي تُبنى عليها إستراتيجية التبرير الاستقرائي والتبرير الاستنتاجي. يستخدم الاستقراء والاستنتاج بشكل كبير في العلوم، ويُعدّان من الأساليب المهمة في الوصول إلى النتائج والتعميمات وصياغة النظريات؛ فملاحظة الفيزيائيين على سبيل المثال أنّه عند تعرّض الحديد للحرارة في حالات محدّدة يؤدي إلى تمدّد الحديد، قادهم إلى التخمين بأنّ الحديد يتمدّد بالحرارة، ويطبّق هذا المبدأ أيضاً بشكل كبير في الهندسة؛ لاختبار النجاح الحقيقي لبعض التصميمات؛ مثل تصميم الجسور والأبنية وتصاميم الأجسام الطائرة وغيرها. ويستخدم المنطق في الحاسوب بوصفه أساساً لعمله الذي يعتمد على النظام الثنائي (0, 1)، والذي يقابل (T,F) في علم المنطق الرياضي (قيم الصواب للجملة).

- مستخدماً أدواتك الهندسية، ارسم ثلاثة مثلثات، بحيث يكون المثلث الأول منفرج الزاوية، والثاني قائم الزاوية، والثالث حادّ الزوايا، مدّ أحد الأضلاع في كلّ مثلث؛ لتكوّن زاوية خارجية كما في الشكل المرسوم أدناه.
- مستخدماً المنقلة، أوجد قياس الزوايا A و B و C في كلّ شكل.
- قارن بين قياس الزاوية C ومجموع قياس الزاويتين A و B في كلّ شكل.
- خمن العلاقة بين قياس الزوايا A و B مع C.
- اكتب النتيجة التي حصلت عليها على شكل تعميم رياضيّ مستعينا بالجملة الآتية:



الزاوية -----
 للمثلث -----
 مجموع ----- البعديتين



نشاط
استكشافي



نشاط تفسيري

لا يشترط في التخمينات المبنية على دراسة حالات محدّدة أن تكون دائماً صحيحة. وضح ذلك بمثال، مبيناً كيف يمكن إثبات عدم صحة التخمين في بعض الحالات. (استخدم المثال المضادّ).

في النشاط الرئيس، وعلى افتراض أن الأشكال الهندسيّة جميعها منتظمة، اكتب تخميناً للعلاقة التي تربط بين محيط المضلع المنتظم وعدد أضلاعه، مستعيناً بالجدول (2).

الشكل	محيط الشكل (مستخدماً المسطرة)	عدد أضلاعه	طول الضلع الواحد	عدد الأضلاع × طول الضلع الواحد

الجدول (2)



نشاط تطبيقي تكاملي

التعميم:

$$\text{محيط المضلع المنتظم} = \text{-----} \times \text{-----}$$

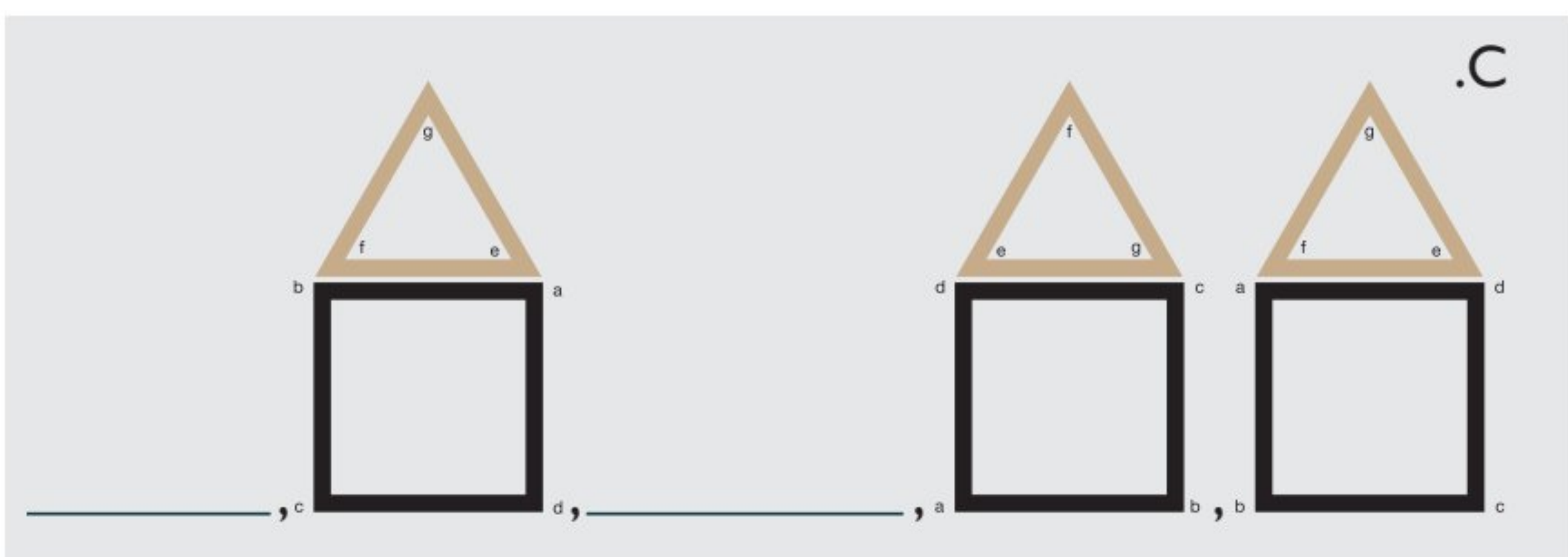


نشاط
التحقّق من التعلّم
(التقويم)

1. اكتب تخميناً يصف النمط في كلّ من الأنماط الآتية، ثم استعمله لإيجاد الحدّ المطلوب في كلّ منها.

A. -----, 4, 6, 8, 10, 12, ----, -----, -----

B. $\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{6}, \frac{1}{8}, \dots, \dots, \dots, \dots, \dots$

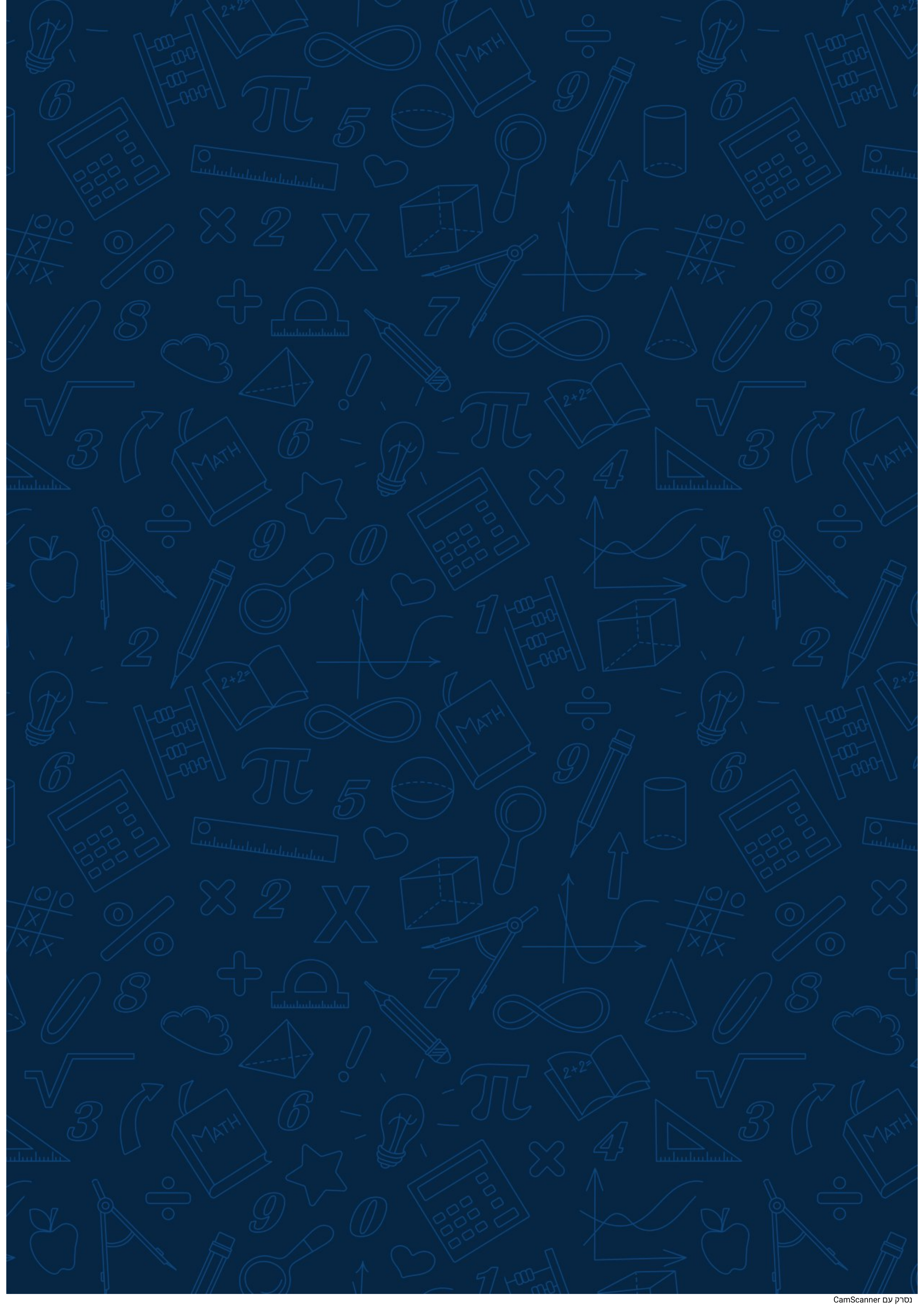


2. ضع تخميناً لكلّ قيمة أو علاقة هندسيّة مما يأتي، وأعط أمثلة عدديّة، أو ارسم أشكالاً تساعد على الوصول إلى هذا التخمين:

- ناتج ضرب عددين فرديين.
- ناتج ضرب عدد في اثنين، مضافاً إليه واحد.
- قُطرا المعين.
- العلاقة بين $(\overline{AB})$ ومجموعة النقاط التي تبعد مسافات متساوية عن A و B.

3. أعط مثلاً مضاداً يبيّن أنّ كلّاً من التخمينات الآتية غير صحيحة.

- ناتج جمع أيّ عددين أوليين عدد زوجي.
- كلّ طائر له جناحان يطير.
- إذا كان ضلع مشتركاً بين زاويتين، فكلّ زاوية منهما قائمة.
- الضلع المنصف لوتر مثلث قائم الزاوية ينصف الزاوية القائمة.



أنشطة الحقيبة

النشاط الرئيس الثاني:

دراسة لعدد
المستشفيات في
المملكة مقارنة
بعدد السكان

زمن تنفيذ النشاط 90 دقيقة

كان الاهتمام بالصحة العامة ومكافحة الأمراض من أولويات الحكومة السعودية منذ البدايات، وقد بدأت المسيرة الصحية في المملكة أولها خطواتها المنظمة عندما سعى الملك عبدالعزيز - رحمه الله - إلى التركيز على الصحة العامة، والعمل على تطويرها، ودفع نموها إلى الأمام، وكان من أهم الخطوات التي اتخذت زيادة حجم التعاون مع المنظمات العالمية، والاستعانة بالخبرات الأجنبية عالية الكفاءة؛ لتعرف التطورات الحاصلة في القطاع، وقد جاء الأمر السامي عام 1343هـ/1925م بإنشاء مصلحة الصحة العامة ومقرها مكة المكرمة، وبعد مدة وجيزة وتحديدًا في عام 1344هـ/1926م أنشئت مديرية الصحة العامة والإسعاف؛ بهدف الاهتمام بشؤون الصحة والبيئة، والعمل على إنشاء المستشفيات والمراكز الصحية في أنحاء المملكة جميعها، وما واكبه من إصدار اللوائح التنظيمية؛ لضمان ممارسة مهنة الطب والصيدلة، وفق عدد من الضوابط والمعايير التي أسهمت في تحسين قطاع الصحة وتطويره في المملكة. وفي 26/8/1370هـ/1951م صدر المرسوم الملكي رقم 8697/11/5 القاضي بإنشاء وزارة الصحة، وبذلك شهدت نشأة الوزارة تطورات كبيرة كانت بمنزلة علامات بارزة على طريق النهوض بالقطاع الصحي.

ستعمل في هذا النشاط مقارنة بين عدد سكان المملكة وعدد المستشفيات خلال المدة من عام 1433هـ ولغاية العام 1438هـ، معتمدًا على البيانات المنشورة على موقع وزارة الصحة السعودية.

يتوقع منك في نهاية هذا النشاط أن:

- تضع تخمينات لمشكلات واقعية.
- تقدّم حلولاً ومقترحات مبنية على التخمينات التي صغتها.
- تقدّر أهمية الاستقرار في حلّ المشكلات.

يعدّ هذا النشاط ممارسة عملية واقعية لما يتعلّمه الطالب داخل الغرفة الصفية؛ حيث يعرض النشاط مشكلة واقعية تخص القطاع الصحي في المملكة، وملاحظة تزايد أعداد المراجعين في المستشفيات بقطاعها العامة والخاصة، ويتيح للطالب فرصة البحث عن حلول ومشكلات واقعية من خلال ملاحظة ومشاهدة ما يحدث، ثم وضع تخمينات لما يحدث، وبعدها يضع الحلول، معتمدًا في ذلك المنهج العلمي في التفكير. اعتمد في تنفيذ هذا النشاط توظيف التقنية من خلال الرسوم البيانية التي نُفذت باستخدام برمجية إكسل، وتوظيف الإنترنت بوصفه مصدرًا للمعلومات، مما يحقق التكامل بين العلوم، ويشعر الطالب بأهمية ما يتعلّمه من خلال هذه التكاملية بين العلوم.



المقدمة



الأهداف
الخاصة بالنشاط



STEM

القوانين والمبادئ التكامليّة في الحقيقة:

- الاستقراء الرياضي.
- التخمين.
- التفكير العلمي.
- دراسة المشكلات الحياتية.
- توظيف التقنية.

النماذج والتصميم

- الرسوم البيانية.

الموادّ اللازمة:



التعلّم القبلي:

- التبرير الاستقرائي.
- التخمين.
- مهارات الإكسل.
- مهارات البحث في الإنترنت.

التعلّم الرأسي:

- توظيف المفاهيم الأساسية في التبرير الاستقرائي والتخمين؛ لدراسة المشكلات الحياتية، وتقديم الحلول.

إجراءات تنفيذ النشاط:

- ستعمل مع زملائك في المجموعة، فكن لهم عوناً.
- ستحتاج في هذا النشاط إلى استخدام الإنترنت، والدخول إلى موقع وزارة الصحة السعودية؛ للحصول على بعض الإحصاءات المنشورة على الموقع.
- ادخل على الرابط الآتي:

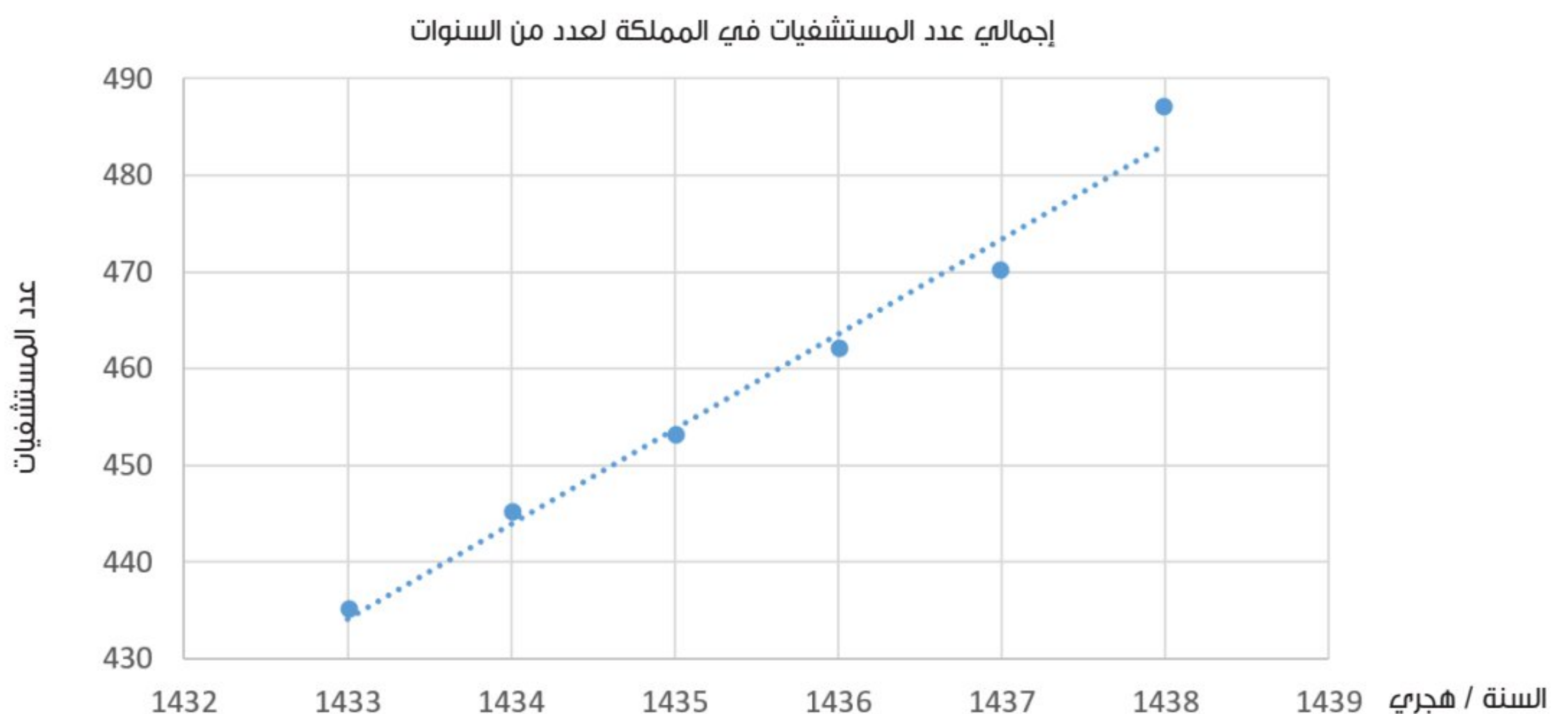


- سيعرض لك صفحة بعنوان (أهم المؤشرات).
- ادخل إلى المؤشرات للأعوام من 1433 هـ ولغاية 1438 هـ، واحصل على البيانات المتعلقة بإجمالي عدد المستشفيات في المملكة وعدد السكان التقديري بالآلاف.
- انقل البيانات التي حصلت عليها إلى ورقة إكسل.

C	B	A	
			1
		عدد المستشفيات مقارنة مع عدد السكان في المملكة	2
		السنة	3
29196	435	1433 هـ	4
29994	445	1434 هـ	5
30770	453	1435 هـ	6
31521	462	1436 هـ	7
31521	470	1437 هـ	8
32552	487	1438 هـ	

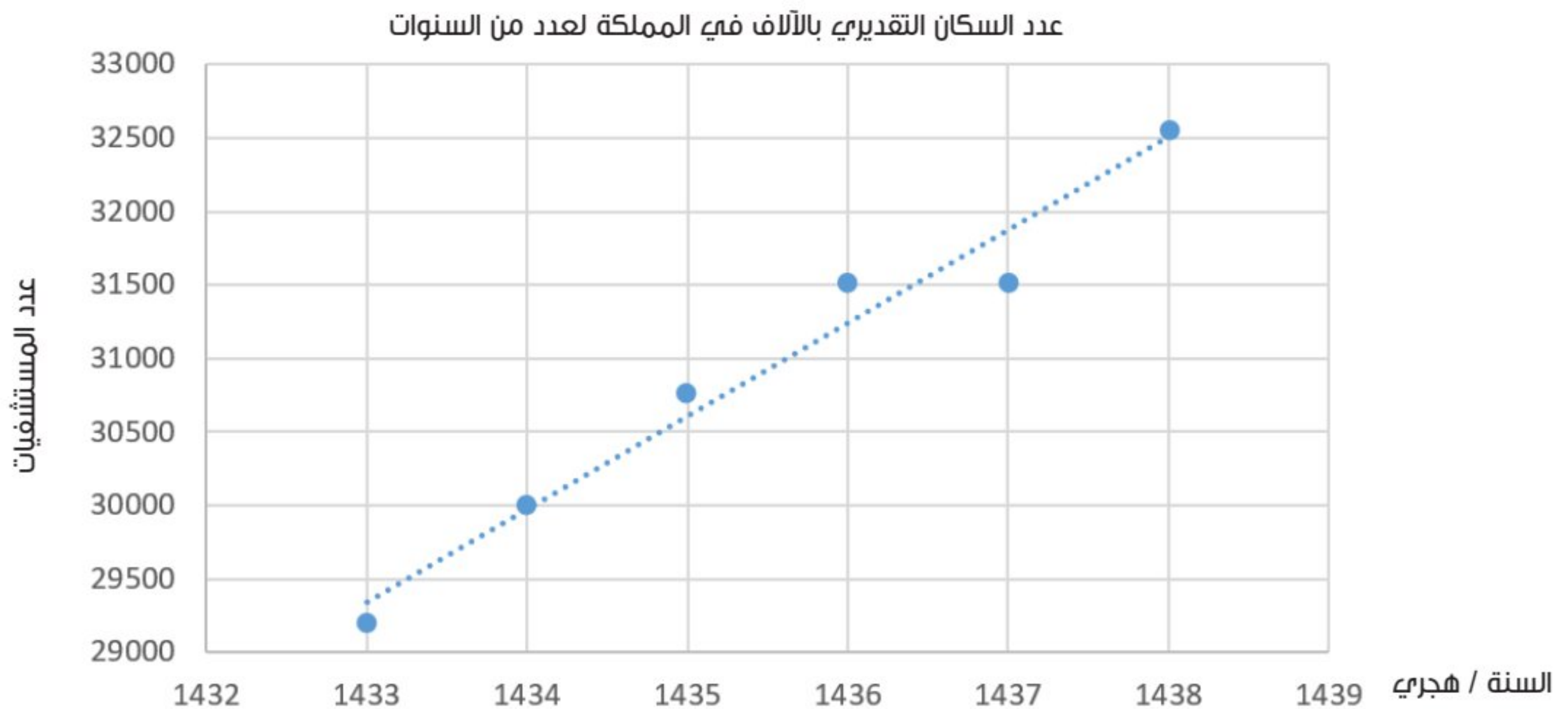
إجراءات تنفيذ النشاط:

- ظلّ من الجدول عمود السنة وعمود إجمالي عدد المستشفيات في المملكة.
- من قائمة insert اذهب إلى charts، واختر insert scatter، ثم scatter.
- اختر المحور الأفقي لتمثيل السنة، والمحور العمودي لتمثيل إجمالي عدد المستشفيات في المملكة.



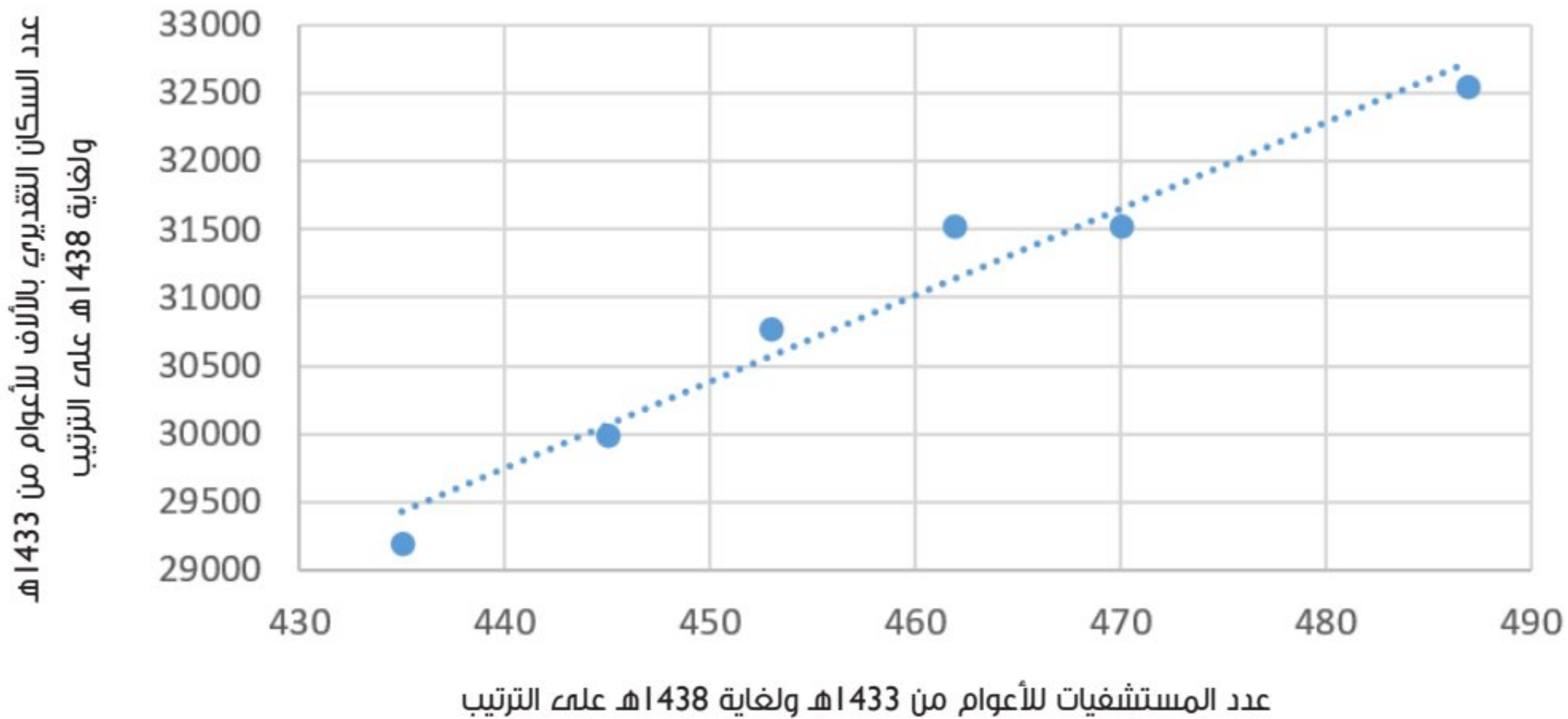
- ادرس شكل الانتشار.
- ماذا تلاحظ؟
- ما نوع العلاقة التي تربط بين السنة وعدد المستشفيات في المملكة؟ هل هي طردية أم عكسية؟
- ظلّ من الجدول عمود السنة وعمود عدد السكان التقديري بالآلاف.
- من قائمة insert اذهب إلى charts، واختر insert scatter، ثم scatter.
- اختر المحور الأفقي لتمثيل السنة، والمحور العمودي لتمثيل عدد السكان التقديري بالآلاف.

إجراءات تنفيذ النشاط:



- ادرس شكل الانتشار، ثمّ أجب عما يأتي:
 - ماذا تلاحظ؟
 - ما نوع العلاقة التي تربط بين السنة وعدد السكان التقديري بالآلاف؟ هل هي طردية أم عكسية؟
 - توقّع عدد السكان عام 1445 هـ.
- ظلّ من الجدول عمود إجمالي عدد المستشفيات في المملكة وعمود عدد السكان التقديري بالآلاف.
- من قائمة insert اذهب إلى charts، واختر insert scatter، ثم scatter.
- اختر المحور الأفقي لتمثيل إجمالي عدد المستشفيات في المملكة، والمحور العمودي لتمثيل عدد السكان التقديري بالآلاف.

إجراءات تنفيذ النشاط:



• ادرس شكل الانتشار، ثم أجب عما يأتي:

- ماذا تلاحظ؟
- ما نوع العلاقة التي تربط بين إجمالي عدد المستشفيات في المملكة وعدد السكان؟ هل هي طردية أم عكسية؟
- توقّع عدد السكان في العام ١٤٤٥ هـ.
- هل ترمّ أن تزايد عدد المستشفيات مناسب لتزايد عدد السكان.

مجالات تطبيق الموضوع في الحياة:

تتطلب العديد من المشكلات الحياتية ملاحظة الحالات الخاصة ودراستها بدقة؛ من أجل تحديد التشابه بين هذه الحالات، ما يساعد على وضع التخمينات التي على أساسها يمكن البحث عن حلول لتلك المشكلات، ومن ذلك المشكلات المتعلقة بحركة المركبات على الطرق في المملكة، ووضع حلول للازدحام المروري خاصة في أوقات الذروة، وكذلك مشكلات التعليم وتزايد أعداد الطلاب مقارنة بأعداد المدارس والجامعات، وغيرها الكثير من المشكلات. ولا شك أن تدريب الطالب على مهارات التبرير الاستقرائي، وصياغة التخمينات المنطقية، ومحاولة تأكيدها وربطها بواقع الحياة والمشكلات المجتمعية، يسهم بشكل كبير في تنمية قدرة الطلاب على حل المشكلات، وتقديم الحلول الناجعة لها.

- مستخدماً الإنترنت (موقع وزارة التعليم)، اجمع بيانات عن أعداد الطلاب في الجامعات لعدد من السنوات، وقارنها بعدد الجامعات في المملكة، واكتب بناءً على تحليلك للبيانات تخميناً حول قدرة الجامعات على استيعاب أعداد الطلاب المتزايدة في السنوات المقبلة.
- وجه رسالة إلى وزارة التعليم، معتمداً على نتائج التحليل التي وصلت إليها.



نشاط
استكشافي

- من خلال تحليلك للبيانات التي جمعتها في النشاط الرئيس، هل تنصح القطاع الخاص بالاستثمار في المجال الصحي؟ فسّر ذلك.
- ما الرسالة التي توجهها لوزارة الصحة بناءً على التحليل الذي قمت به، مبيناً الأسس التي بنيت عليها هذه الرسالة.



نشاط
تفسيري



نشاط تطبيقي تكاملي

تعتمد المملكة على تحلية مياه البحر والآبار الجوفية لتزويد السكان والمناطق الصناعية والزراعية بالماء، ومما لا شك فيه أن هذا يكلف الدولة مبالغ كبيرة، خاصة إذا لم تتوافر سياسة لترشيد الاستهلاك عند من يستخدم هذا المصدر. ابحث في الإنترنت عن التكاليف السنوية التي تنفقها الدولة لتحلية مياه البحر. راقب استهلاك منزلك ومنزل كل من أفراد مجموعتك لمدة شهر. مثل البيانات التي حصلت عليها بيانياً.

ضع تخميناً يوضح إذا ما كان استهلاك عائلاتكم للماء في تزايد، أم هو استهلاك مقبول (حاول البحث عن معدل الاستهلاك المقبول من الماء لكل فرد، وقارن نتائجك بهذا المعدل).

إذا كان الاستهلاك في تزايد، فضع خطة لترشيد استهلاك الماء في المنزل، ووزعها على أفراد عائلتك.

يبيّن الجدول أدناه سعر منتج خلال السنوات من ١٤١٤ هـ إلى ١٤٣٩ هـ.

- أنشئ التمثيل البياني الأنسب لعرض هذه البيانات.
- ضع تخميناً لسعر المنتج عام ١٤٤٤ هـ.
- هل من المنطقي القول إن هذا النمط سيستمر بمرور الزمن؟ وإذا لم يكن كذلك، فكيف سيتغير؟ فسّر إجابتك.

نشاط التحقق من التعلم (التقويم)

السنة	السعر بالريال
١٤١٤	20
١٤١٩	22
١٤٢٤	29
١٤٢٩	32
١٤٣٤	37
١٤٣٩	41





أنشطة الحقية

النشاط الرئيس الثالث:

قطرا المستطيل

زمن تنفيذ النشاط 60 دقيقة

توجد العديد من العلاقات الهندسية التي يمكن الوصول إليها باستخدام التبرير الاستقرائي الذي يقودنا إلى تخمينات تخص هذه العلاقات، من خلال دراسة حالات محدّدة بأوضاع مختلفة، ومن هذه العلاقات التي تنشأ من قطري المستطيل. ستكتشف في هذا النشاط هذه العلاقات بعد دراستك لبعض الحالات المحدّدة، ثم تتأكد من تخميناتك بتجريب النتائج التي وصلت إليها على حالات جديدة.



المقدمة

يتوقع منك في نهاية هذا النشاط أن:

- تبني تخمينات تخصّ قطري المستطيل.
- تتأكد من صحة تخميناتك بدراسة حالات جديدة.
- تبني تخمينات تخصّ أشكالاً هندسية أخرى.
- تطوّر قدرتك على بناء التخمينات في مواقف حياتية جديدة.

الأهداف
الخاصة بالنشاط

العلاقات التكاملية في الحقيقة مع العلوم الأخرى:

يوظف الاستقراء الرياضي لدراسة العديد من الخصائص التي تخصّ الأشكال الهندسية، ويوجد العديد من الأمثلة على ذلك؛ مثل الوصول إلى العلاقات التي تخصّ قطري المربع والمستطيل، وعلاقات أنصاف الأقطار مع نقطة تلاقي الأقطار، وعلاقة محيط الدائرة بقطر الدائرة، إضافة إلى العديد من الأمثلة الأخرى التي يمكن الوصول إليها من دراسة حالات محدّدة تقود إلى تخمينات دقيقة، بالإضافة إلى توظيف التقنية في تنفيذ النشاط، من خلال استخدام الأدوات الهندسية والشبكة العنكبوتية وغيرها من المصادر.



STEM

القوانين والمبادئ التكامليّة في الحقيقة:

- خصائص المستطيل.
- خصائص المربع.
- خصائص الأقطار في المربع والمستطيل.
- المربع المستطيل متساوي الأضلاع.
- التبرير الاستقرائي.
- التخمين.
- صياغة التعميمات.



النماذج والتصميم

- أشكال هندسيّة متنوعة.

الموادّ اللازمة:



ورق أبيض.

أدوات هندسيّة.

التعلّم القبلي:

- المستطيل.
- المربع.
- القطر.
- التبرير الاستقرائي.
- التخمين.

التعلّم الرأسي:

- توظيف التبرير الاستقرائي في صياغة تخمينات تخصّ قطري المستطيل.
- توظيف التبرير الاستقرائي في صياغة تخمينات تخصّ قطري المربع.
- توظيف التبرير الاستقرائي في صياغة تخمينات عامّة.

إجراءات تنفيذ النشاط:

ستنفذ هذا النشاط بالتعاون مع زملائك في المجموعة، فكن لهم معيّنًا وميسرًا. ستحتاج إلى رسم أشكال هندسيّة في أثناء تنفيذ النشاط، لذلك جهّز أدواتك الهندسيّة قبل البدء بتنفيذ النشاط.

- ارسم المستطيل ABCD في الحالات الآتية:

المستطيل	الطول بوحدة السنتيمتر	العرض بوحدة السنتيمتر
ABCD	6	3
ABCD	4	2
ABCD	5	4

- أعط رقمًا لكل شكل من الأشكال الثلاثة.
- صل بين كلّ رأسين متقابلين.
- ما اسم القطر المستقيمة التي رسمتها؟ (قطر المستطيل).
- سمّ نقطة تقاطع القطرين (E).
- مستخدمًا المسطرة، أوجد قياسات الأضلاع المبيّنة في الجدول الآتي:

رقم الشكل	BE	DE	العلاقة بين DE و BE	AE	CE	العلاقة بين CE و AE

إجراءات تنفيذ النشاط:

- ماذا تستنتج؟
- تأكد من النتيجة بدراسة حالات أخرى.
- معتمداً الحالات التي درستها، اكتب تخميناً يبين العلاقة بين قطري المستطيل مستعيناً بالجملة الآتية:

قطرا المستطيل ----- كل منهما -----

مجالات تطبيق الموضوع في الحياة:

تستعمل هذه الطريقة للوصول إلى تعميمات حول مشاهدات متكررة لظاهرة ما، وتستعمل بشكل كبير في دراسة خصائص الأشكال الهندسية، ومن أشهر الدراسات التي استعملت هذا الأسلوب في الهندسة نظرية فيثاغورس التي ساهمت في تطور علم الهندسة بشكل كبير؛ فقد اعتمد فيثاغورس في إثبات نظريته على مجموعة من المشاهدات، عندما لاحظ أن عدداً كبيراً من المثلثات القائمة أطوالها مضاعفات للأعداد 3 و 4 و 5، مثل المثلث 6 و 8 و 10، والمثلث 9 و 12 و 15، وهكذا، ونتيجة لهذه الملاحظات وضع تخميناً بأن مجموع مربعي الساقين في المثلث القائم الزاوية يساوي مربع الوتر.

ستتعرف قيمة العدد π من خلال تنفيذ هذا النشاط.

- ارسم ثلاث دوائر أنصاف أقطارها 3cm, 5cm, 8cm.
- أوجد قيمة المحيط لكل دائرة باستخدام الخيط. (لف الخيط حول الدائرة، ثم افتح الخيط على مسطرة واضعاً أحد أطرافه على الصفر، والطرف الآخر يحدد قيمة المحيط).
- اقسم محيط كل دائرة على قطرها مستخدماً الآلة الحاسبة.
- سجل القيمة التي تحصل عليها في كل مرة.
- ما العلاقة بين القيم التي حصلت عليها؟
- ما القيمة المكافئة للرمز π (استخدم الآلة الحاسبة).
- ما العلاقة بين القيم التي حصلت عليها سابقاً والقيمة التي ظهرت على الآلة الحاسبة.
- ماذا تستنتج؟
- لو رسمت دائرة نصف قطرها $\sqrt{6}$ cm، وكوّرت الخطوات السابقة، فهل ستحصل على النتيجة نفسها؟
- فكّر في مثال مضاد لهذا التخمين، هل حصلت على واحد؟



نشاط استكشافي

- لديك التخمين الآتي: (العمود النازل من رأس مثلث على القاعدة ينصف القاعدة، وينصف زاوية الرأس). أعط تفسيراً لصحة هذا التخمين أو عدم صحته.
- إرشاد:

- ارسم مجموعة من المثلثات.
- أنزل عموداً من رأس كل مثلث.
- تأكد باستخدام الأدوات الهندسية من صحة التخمين.
- في حال كان التخمين صائباً، استخدم البرهان ذا العمودين لإثبات صحة التخمين.

- لديك التخمين الآتي: (العمود النازل من رأس مثلث متساوي الساقين على القاعدة ينصف القاعدة، وينصف زاوية الرأس). أعط تفسيراً لصحة هذا التخمين أو عدم صحته.



نشاط تفسيري



نشاط تفسيري

نشاط
تطبيقي
تكاملي

• إرشاد:

- ارسم مجموعة من المثلثات المتساوية الساقين.
- أنزل عمودًا من رأس كل مثلث.
- تأكد باستخدام الأدوات الهندسية من صحة التخمين.
- في حال كان التخمين صائبًا، استخدم البرهان ذا العمودين لإثبات صحة التخمين.

يسمى المضلع الذي تتساوى فيه أطوال الأضلاع وقياسات الزوايا مضلعًا منتظمًا؛ وعليه، يُعدّ المربع مضلعًا منتظمًا؛ فجميع زواياه قوائم، وكذلك جميع أضلاعه متساوية في الطول، ويعرف المربع بأنه مستطيل تساوت أضلاعه، لذلك فالمربع حالة خاصة من المستطيل.

تعرفت في النشاط الرئيس أنّ قطري المستطيل ينصف كل منهما الآخر؛ لذلك فإنّ قطري المربع ينصف كل منهما الآخر أيضًا. وستتعرف في هذا النشاط خصائص أخرى للمضلعات المنتظمة.

• ارسم المربع ABCD في الحالات الآتية:

المربع	طول ضلعه بوحدة السنتيمتر
ABCD	6
ABCD	4
ABCD	5

• أعط رقمًا لكل شكل من الأشكال الثلاثة.

• صل بين كل رأسين متقابلين.

• سمّ نقطة تقاطع القطرين (E).

• مستخدمًا الفرجار، ثبت رأس الفرجار في النقطة (E)، والرأس المتحرك على النقطة (A)، وارسم دائرة على كل شكل من الأشكال الثلاثة.

• ماذا تلاحظ؟

المثلث	طول ضلعه بوحدة السنتيمتر
FGH	6
FGH	4
FGH	5

- ارسم المثلث المنتظم FGH في الحالات الآتية:

- أعط رقمًا لكل شكل من الأشكال الثلاثة.
 - نصّف زوايا المثلث مستخدمًا المنقلة أو الفرجار.
 - سمّ نقطة تقاطع المنصفات (I).
 - مستخدمًا الفرجار، ثبّت رأس الفرجار في النقطة (I)، والرأس المتحرّك على النقطة (A)، وارسم دائرة على كل شكل من الأشكال الثلاثة.
 - ماذا تلاحظ؟
 - من دراستك لحالات المربّع المنتظم والمثلث المنتظم، اكتب تخمينًا للعلاقة بين رؤوس المضلع المنتظم والدائرة المرسومة، مستعينًا بالجملة الآتية:
- جميع ----- المضلع المنتظم تقع على ----- دائرة
- هل يُعدّ الخماسي المنتظم مثالًا مضادًا لهذا التخمين؟ فسّر إجابتك مستخدمًا الرسم. (استعن بالإنترنت لتعرّف طريقة رسم المضلع الخماسي المنتظم).

- قدّم برهانًا لإثبات صحّة التخمين في الجمل الآتية، أو مثالًا مضادًا يبيّن عدم صحتها.
- $\overline{XY} \cong \overline{ZW}$ ، التخمين، $\overline{YZ}$ نقطة منتصف $\overline{XZ}$ و $\overline{YW}$ نقطة منتصف $\overline{XZ}$
 - أيّ ثلاث نقاط يمرّ بها مستوًى واحد فقط.
 - مجموع الزاويتين المتقابلتين في المضلع يساوي 90 درجة.



نشاط
تطبيقي
تكاملي



نشاط
التحقّق من التعلّم
(التقويم)

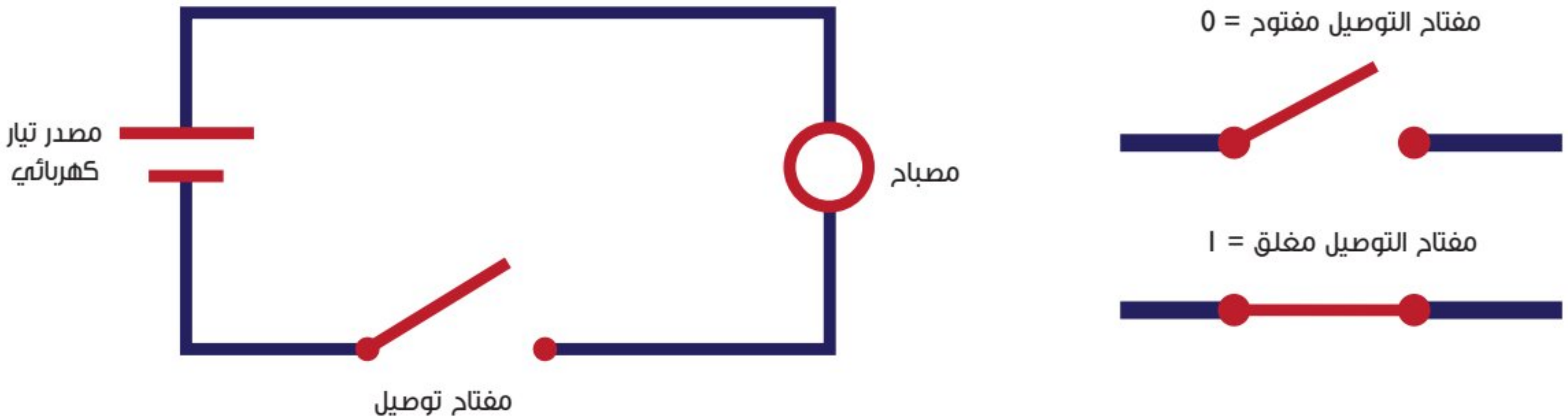
أنشطة الحقيقة
النشاط الرئيس الرابع:

البوابة
المنطقية
AND

زمن تنفيذ النشاط 90 دقيقة



يتكوّن الحاسوب من الكثير من الدوائر المنطقية (Logical circuits) التي تستخدم في معالجة البيانات الممثلة بالنظام الثنائي (0,1)، وتتكوّن الدوائر المنطقية من عدد من البوابات المنطقية (Logical Gates). البوابة المنطقية دائرة إلكترونية بسيطة، تقوم بعملية منطقية على مدخل واحد أو أكثر، وتنتج مخرجاً منطقياً واحداً، وتستخدم في بناء معالجات الأجهزة الإلكترونية والحواسيب، وتعتمد البوابات المنطقية في عملها على مبدأ الصواب أو الخطأ، أو ما يُسمّى رقمياً 1 أو 0 (رمزي - رقمي - النظام الثنائي)، وهذا هو المبدأ الأساسي المستخدم في مدخلات هذه البوابات، والذي يتحكم في مخرجات الدوائر المنطقية. وأقرب مثال على ذلك، الدائرة الكهربائية البسيطة التي تحتوي مصباحاً كهربائياً ومفتاح توصيل، فعند غلق الدائرة بواسطة المفتاح يضيء المصباح، وتمثل الحالة بالرمز الثنائي (1)، وعند فتح الدائرة بواسطة المفتاح؛ ينطفئ المصباح، وتمثل هذه الحالة بالرمز الثنائي (0)، كما في الشكل أدناه.



تعدّ البوابة المنطقية AND واحدة من البوابات المنطقية الأساسية، التي تدخل في بناء معظم الدوائر المنطقية، ولها مدخلان ومخرج واحد، وتسمّى «و» المنطقية، ويرمز لها بالرمز المبين في الشكل (1)، حيث يشير X,Y إلى مداخل البوابة، ويعبر عنها بالعلاقة المنطقية $A = X \text{ AND } Y$.



المقدمة



الشكل ١ رمز البوابة المنطقية AND

تعطيه بوابة AND مخرجاً قيمته (١) إذا كانت قيمة المداخل جميعها (١) فقط، وتعطيه مخرجاً قيمته (٠) إذا كانت قيمة أيٍّ من المدخلين أو كليهما (٠).

يربط هذا النشاط قيم البوابة المنطقية AND مع قيم الصواب للجمل الخبرية (T,F) التي لها حالتان فقط؛ إما أن تكون صائبة أو تكون خطأ، وصواب العبارة (T) أو خطؤها (F) يسمّى قيمة الصواب لها، ويرمز للعبارة برمز مثل p أو q. من الممكن ربط عبارتين أو أكثر باستعمال الرابط (q)، لتكوين عبارة مركبة. والعبارة المركبة التي تحتوي (q) تسمّى عبارة الوصل، وتكون عبارة الوصل صائبة فقط عندما تكون جميع العبارات المكوّنة لها صائبة، ويعبّر عن جملة الوصل بالرمز $(p \wedge q)$.

يتوقع منك فيه نهاية هذا النشاط أن:

- توظّف المنطق الرياضي في عمل البوابة المنطقية AND.
- توظّف التجارب الفيزيائية في تعلّم المفاهيم الرياضية والمنطق الرياضي.
- تقدّر أهميّة الرياضيات في العلوم الأخرى.
- توظّف المنطق الرياضي في حلّ المشكلات.

الأهداف
الخاصة بالنشاط

العلاقات التكاملية في الحقيقة مع العلوم الأخرى:

تقوم الدوائر الإلكترونية في الحاسوب والأجهزة الإلكترونية الأخرى بعملية منطقية على مدخل واحد أو أكثر، وتنتج مخرجاً منطقياً واحداً، ومن هذه البوابات البوابة المنطقية AND موضوع هذا النشاط، وتعتمد البوابات المنطقية في عملها على مبدأ الصواب أو الخطأ (المنطق الرياضي)، أو ما يُسمّى عددياً 1 أو 0 (رموز النظام الثنائي)، وهذا هو المبدأ الأساس المستخدم في مدخلات هذه البوابات، والذي يتحكم في مخرجات الدوائر المنطقية. وتم في هذا النشاط توظيف قيم النظام الثنائي التي تعطيها الدائرة الكهربائية الموصولة على التوالي لإيجاد قيم الصواب للجملة الرياضية AND، من خلال تحويل قيم النظام الثنائي (0 و 1) إلى الرموز (T,F)؛ حيث F تقابل (0) في النظام الثنائي، و T تقابل (1) في النظام الثنائي.

وظفت التجارب الفيزيائية على الدوائر الكهربائية البسيطة (مفتاحاً توصيل على التوالي ومصباح ومصدر للتيار) لتوضيح كيفية عمل البوابة المنطقية AND، وربطها مع المنطق الرياضي.

يعدّ تصميم الدوائر الكهربائية والإلكترونية نوعاً من أنواع التصميم الهندسي، واعتمد في هذا النشاط تصميم الدائرة الكهربائية البسيطة بحيث توضع مفاتيح التوصيل فيها على التوالي.

يسعى هذا النشاط إلى تحقيق التكامل بين الرياضيات والعلوم الأخرى، من خلال ربط المفاهيم الرياضية بالمفاهيم العلمية في الفيزياء والحاسوب، فعمد إلى الربط بين مفاهيم المنطق الرياضي ومفهوم النظام الثنائي في الحاسوب، ووظف المفاهيم الفيزيائية (طريقة عمل الدائرة الكهربائية البسيطة) والتصميمات الهندسية للربط بين هذين المجالين؛ لتحقيق التكاملية بين المجالات الأربعة.

التقنية:
Technology



العلوم:
Science

الهندسة:
Engineering

الرياضيات:
Mathematics

القوانين والمبادئ التكميلية في الحقيقة:



- المنطق.
- قيمة الصواب.
- جدول الصواب.
- عبارة الوصل.
- العبارة المركبة.
- التوصيل على التوالي.
- الدائرة الكهربائية.
- النظام الثنائي.
- البوابات المنطقية.

النماذج والتصميم

- تصميم دائرة كهربائية باستخدام الأداة Electricity series and parallel circuits

المواد اللازمة:

- Electricity series and parallel circuits



مصدر طاقة



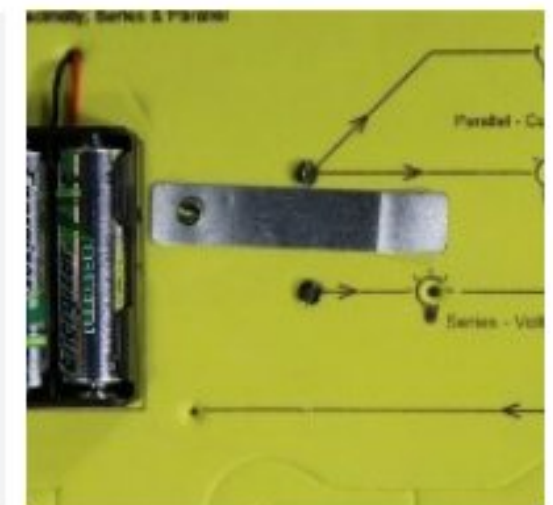
مصباح كهربائي



أسلاك توصيل



اللوحة الأم



مفتاحا توصيل

التعلم القبلي:

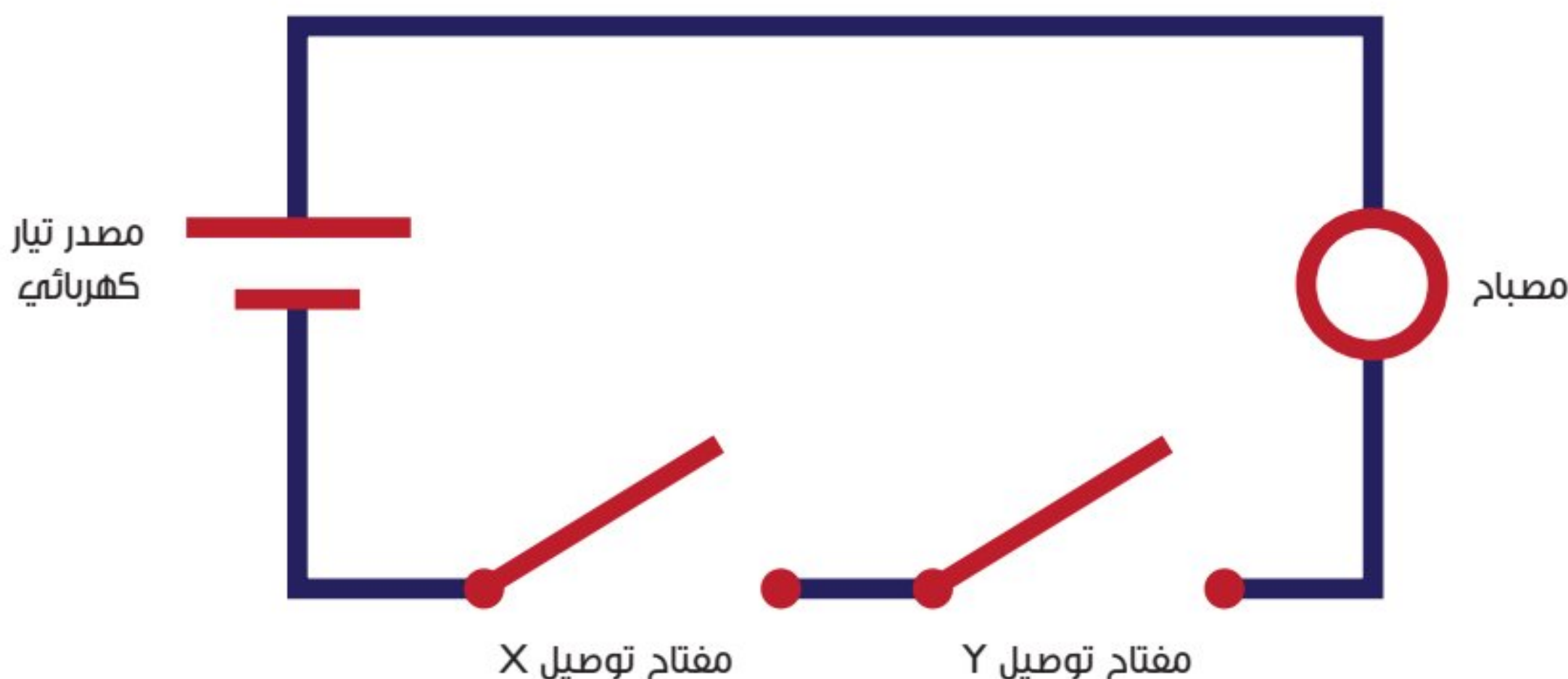
- المبادئ الأساسية في علم الحاسوب.
- تصميم الدوائر الكهربائية وتركيبها.
- المنطق.
- عبارة الوصل.
- العبارة.
- جدول الصواب.
- قيم الصواب.

التعلم الأساسي:

- تعرّف المفاهيم الأساسية:
 - العبارة.
 - قيمة الصواب.
 - نفي العبارة.
 - العبارة المركبة.
 - عبارة الوصل.
 - جدول الصواب.
- تحديد قيم الصواب لعبارات معطاة.
- تركيب العبارات، وتحديد قيم الصواب للعبارات المركبة (عبارة الوصل).
- إنشاء جدول الصواب لعبارات معطاة.
- تمثيل عبارة الوصل باستخدام أشكال فن.
- توظيف المفاهيم في حلّ المشكلات.

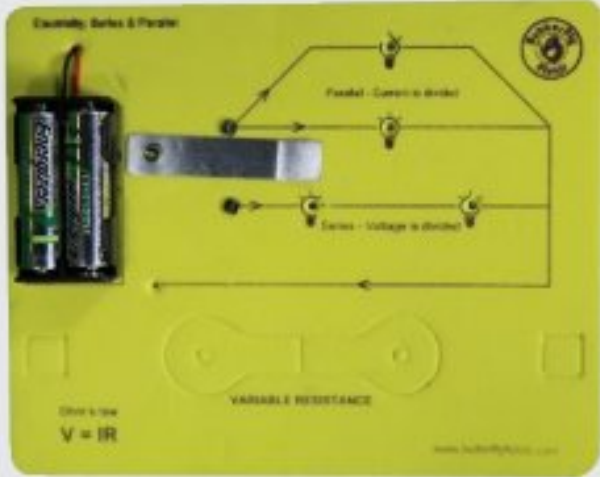
إجراءات تنفيذ النشاط:

- ساعد زملائك في المجموعة لتحقيق الأهداف، فالعمل الجماعي يخلق مجالات أوسع للإبداع.
- سيمكنك هذا النشاط من فهم كيفية عمل عبارة الوصل «و»، من خلال ربطها بعمل دائرة كهربائية بسيطة مزودة بمفتاحي توصيل ومصدر للتيار الكهربائي ومصباح.
- سننفذ الآن تجربة فيزيائية تحاكي الشكل (2)، لذلك ستحتاج إلى مساعدة مدرّس الفيزياء.



الشكل (2): دائرة كهربائية تمثل البوابة المنطقية AND

إجراءات تنفيذ النشاط:



- تأكد من توافر الأدوات جميعها الموجودة في الوصف.
- أحضر اللوحة الأم، وثبت مصدر الطاقة عليها.
- صل مفتاحي التوصيل على التوالي كما في الشكل (2).
- صل أحد طرفي مفتاحي التوصيل مع المصباح كما في الشكل (2).
- صل طرفي الدائرة مع مصدر التيار الكهربائي كما في الشكل (2).
- ستعتمد الرقم (0) إذا كان مفتاح التوصيل مفتوحًا، والرقم (1) إذا كان مفتاح التوصيل مغلقًا.
- إذا أثار المصباح يُعطى القيمة (1)، وإذا لم يُنر يُعطى القيمة (0).



ON

= 1



OFF

= 0

- **المحاولة الثانية:** أغلق مفتاح التوصيل Y فقط.
- هل أضاء المصباح؟
- ما القيمة العددية للمفتاحين X و Y ولماذا؟
- ما القيمة العددية للمصباح؟
- ضع القيم في الجدول.
- بعد كل محاولة من المحاولات، املا الجدول (3).
- **المحاولة الأولى:** أغلق مفتاح التوصيل X فقط.
- هل أضاء المصباح؟
- ما القيمة العددية للمفتاحين X و Y ولماذا؟
- ما القيمة العددية للمصباح؟
- ضع القيم في الجدول.

● المحاولة الثالثة: لا تغلق أياً من مفاتيح التوصيل. ● هل أضاء المصباح؟ ● ما القيمة العددية للمفتاحين X و Y؟ ولماذا؟ ● ما القيمة العددية للمصباح؟ ● ضع القيم في الجدول.	● المحاولة الرابعة: أغلق مفاتيح التوصيل. ● هل أضاء المصباح؟ ● ما القيمة العددية للمفتاحين X و Y؟ ولماذا؟ ● ما القيمة العددية للمصباح؟ ● ضع القيم في الجدول.
---	--

حالة المفتاح X	حالة المفتاح Y	حالة المصباح $A = X \text{ AND } Y$

الجدول (3)

- حَوِّل الجدول (3) إلى جدول الصواب (جدول (4))؛ بحيث تمثل حالة المفتاح X الجملة (p) ، وحالة المفتاح Y الجملة (q) ، وحالة المصباح تمثل جملة الوصل $p \wedge q$. (حَوِّل القيمة 0 إلى الحرف F ، والقيمة 1 إلى الحرف T).

p	q	$p \wedge q$

جدول (4): جدول الصواب

مجالات تطبيق الموضوع في الحياة:

يبدأ الإنسان بالتفكير عندما تواجهه مشكلة ما، فإذا تعرّض لموقف ما فإنه يستخدم قواعد التفكير المنطقي لاتخاذ القرار من دون أن يدرك ذلك، والأمثلة من حياتنا اليومية على ذلك كثيرة، فإذا ذهبت مع صديقك لتقديم الفحص الذي يؤهلك لقيادة السيّارات الصغيرة، وبعد فترة يخبرك صديقك بأن جميع من تقدّم لذلك الفحص نجح، فماذا تستنتج؟ من دون أدنى شك تستنتج أنك كنت من بين الناجحين. ويستخدم المنطق أيضًا في مختلف العلوم في الفيزياء والكيمياء والأحياء والهندسة، فهو بوابة ندخل من خلالها إلى نتائج المشاهدات والعمليات العقلية. ويظهر استخدام المنطق بشكل واسع في علم الإلكترونيات التي تعتمد في عملها على النظام الثنائي المبني على علم المنطق الرياضي.



نشاط
استكشافي

استخدم الإنترنت للبحث في أهميّة النظام الثنائي في عمل الدوائر الإلكترونية، مبينًا لماذا اعتمد من دون غيره من الأنظمة الأخرى.



نشاط تفسيري

في النشاط الرئيس، علّل سبب عدم إضاءة المصباح في حال عدم إغلاق أحد المفتاحين أو كليهما.

إرشاد:

- ضع تفسيرك في ضوء ما تعلّمته في الفيزياء من مفاهيم تخص حركة الإلكترونات في الموصلات.
- استعن بمدرس الفيزياء والمواقع الإلكترونية العلمية.

أعد تنفيذ النشاط الرئيس بوضع ثلاثة مفاتيح توصيل علم التواليف، واكتب جدول الصواب وفق ما يأتي:

- حالة المفتاح الأول تمثل الجملة p .
- حالة المفتاح الثاني تمثل الجملة q .
- حالة المفتاح الثالث تمثل الجملة h .
- حالة المصباح تمثل الجملة $p \wedge q \wedge h$.



نشاط
تطبيقي
تكاملي

• استخدم أشكال فن لتمثيل المسألة الآتية:

عدد الطلاب الذين فازوا في مسابقة حفظ القرآن الكريم 5 طلاب، وعدد الذين فازوا في مسابقة القصة القصيرة 7 طلاب، وعدد الذين فازوا في المسابقتين معاً 3 طلاب.

• قرر مدير المدرسة إجراء نوعين من المسابقات، مسابقة القفز الطويل، ومسابقة شدّ الحبل، ويعدّ الفريق فائزاً ويستحقّ المكافأة إذا فاز بكلا المسابقتين. (الأولى والثانية).

- اكتب جدول الصواب الذي يمثل هذه المسألة.
- إذا فاز الفريق بمسابقة واحدة، فهل يحصل علم مكافأة؟
- ما الحالة التي لا يحصل فيها الفريق علم مكافأة؟
- هل الشروط التي وضعها المدير تزيد من فرصة كل فريق في الحصول علم جائزة؟ فسّر ذلك.



نشاط
التحقق من التعلم
(التقويم)

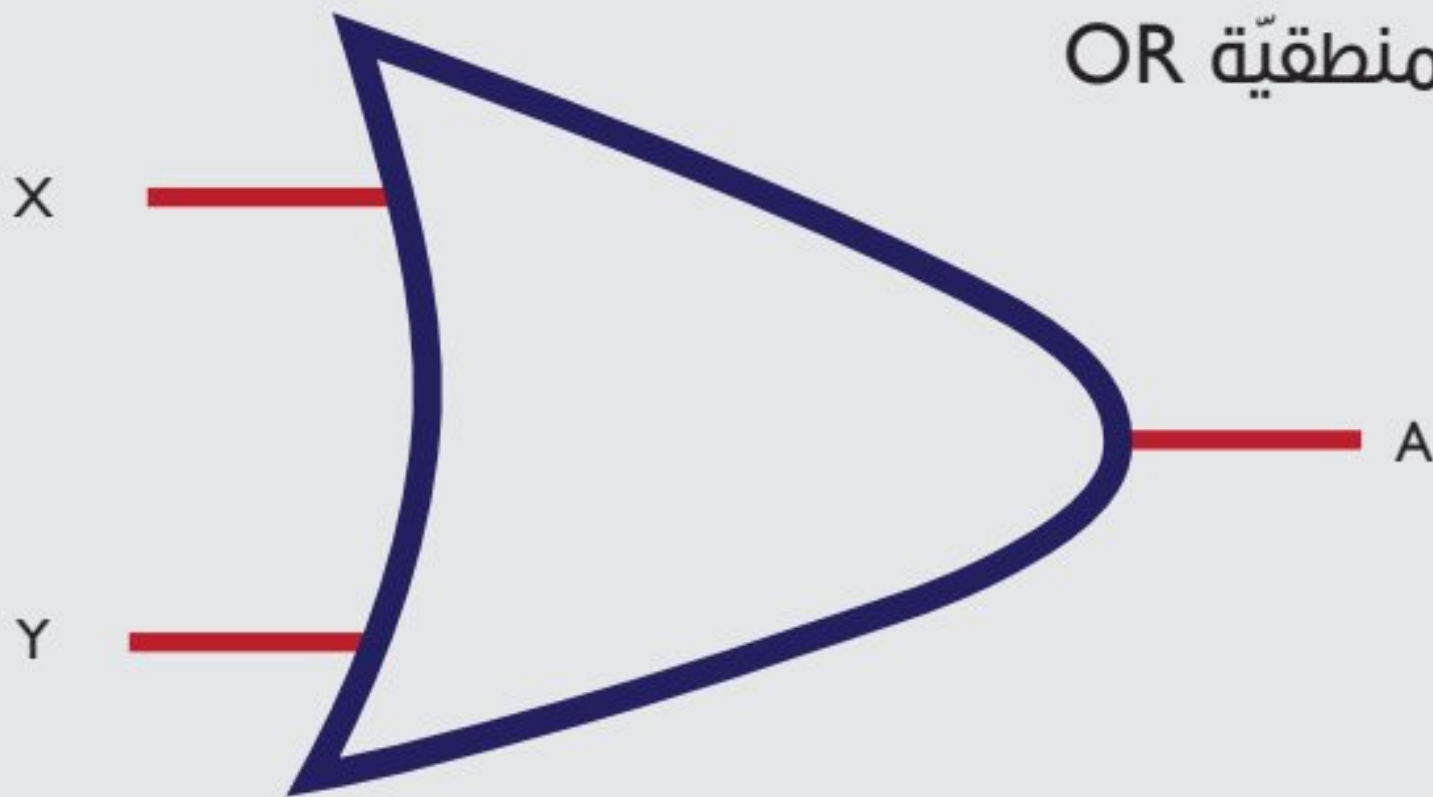
أنشطة الحقيبة
النشاط الرئيس الخامس:

البوابة المنطقية OR

زمن تنفيذ النشاط 60 دقيقة

تعدّ البوابة المنطقية OR من البوابات المنطقية الأساسية التي تدخل في بناء معظم الدوائر المنطقية، ولها مدخلان ومخرج واحد، تسمّى (أو) المنطقية، ويرمز لها بالرمز المبين في الشكل (3)، حيث يشير X و Y إلى مداخل البوابة A وإلى مخرج البوابة، ويعبر عنها بالعلاقة $A = X \text{ OR } Y$.

الشكل (3): رمز البوابة المنطقية OR



تعطيه بوابة OR مخرجاً قيمته (1) إذا كانت قيمة أيٍّ من المدخلين أو كليهما (1)، وتعطيه مخرجاً قيمته (0) إذا كانت قيمة كلا المدخلين (0). يربط هذا النشاط قيم البوابة المنطقية OR وقيم الصواب للجمل الخيرية (T,F) التي لها حالتان فقط؛ إما أن تكون صائبة أو تكون خطأ، وصواب العبارة (T) أو خطأها (F) يسمّى قيمة الصواب لها، ويرمز للعبارة برمز مثل p أو q. من الممكن ربط عبارتين أو أكثر باستعمال الرابط (أو)، لتكوين عبارة مركبة. والعبارة المركبة التي تحتوي (أو) تسمّى عبارة الفصل، وتكون عبارة الفصل صائبة إذا كانت إحدى العبارات المكوّنة لها صائبة، وتكون خطأ إذا كانت جميع العبارات المكوّنة لها خطأ، ويعبر عن جملة الفصل بالرمز (p∨q).

يتوقع منك في نهاية هذا النشاط أن:

- توظّف المنطق الرياضي في عمل البوابة المنطقية OR.
- توظّف التجارب الفيزيائية في تعلم المفاهيم الرياضية والمنطق الرياضي.
- تقدّر أهميّة الرياضيات في العلوم الأخرى.
- توظّف المنطق الرياضي في حلّ المشكلات.



المقدمة

الأهداف
الخاصة بالنشاط



العلاقات التكاملية في الحقيقة مع العلوم الأخرى:

التقنية:
Technology

تقوم الدوائر الإلكترونية في الحاسوب والأجهزة الإلكترونية الأخرى بعملية منطقية على مدخل واحد أو أكثر، وتنتج مخرجاً منطقياً واحداً، ومن هذه البوابات البوابة المنطقية OR موضوع هذا النشاط، وتعتمد البوابات المنطقية في عملها على مبدأ الصواب أو الخطأ (المنطق الرياضي)، أو ما يسمى عددياً 1 أو 0 (رموز النظام الثنائي)، وهذا هو المبدأ الأساس المستخدم في مدخلات هذه البوابات، والذي يتحكم في مخرجات الدوائر المنطقية. وتم في هذا النشاط توضيح قيم النظام الثنائي التي تعطيها الدائرة الكهربائية الموصولة على التوازي لإيجاد قيم الصواب للجملة الرياضية OR، من خلال تحويل قيم النظام الثنائي (0 و 1) إلى الرموز (T,F)؛ حيث F تقابل (0) في النظام الثنائي، و T تقابل (1) في النظام الثنائي.

العلوم:
Science

وظفت التجارب الفيزيائية على الدوائر الكهربائية البسيطة (مفتاحاً توصيل على التوازي ومصباح ومصدر للتيار) لتوضيح كيفية عمل البوابة المنطقية AND، وربطها مع المنطق الرياضي.

الهندسة:
Engineering

يعدّ تصميم الدوائر الكهربائية والإلكترونية نوعاً من أنواع التصميم الهندسي، واعتمد في هذا النشاط تصميم الدائرة الكهربائية البسيطة؛ بحيث توضع مفاتيح التوصيل فيها على التوازي.

الرياضيات:
Mathematics

يسعى هذا النشاط إلى تحقيق التكامل بين الرياضيات والعلوم الأخرى من خلال ربط المفاهيم الرياضية بالمفاهيم العلمية في الفيزياء والحاسوب، فعمد إلى الربط بين مفاهيم المنطق الرياضي ومفهوم النظام الثنائي في الحاسوب، ووظف المفاهيم الفيزيائية (طريقة عمل الدائرة الكهربائية البسيطة) والتصميمات الهندسية؛ للربط بين هذين المجالين لتحقيق التكاملية بين المجالات الأربعة.

القوانين والمبادئ التكميلية في الحقيقة:

- المنطق.
- قيمة الصواب.
- جدول الصواب.
- عبارة الفصل.
- العبارة المركبة.
- التوصيل على التوازي.
- الدائرة الكهربائية.
- النظام الثنائي.
- البوابات المنطقية.



النماذج والتصميم

- تصميم دائرة كهربائية باستخدام الأداة Electricity series and parallel circuits

المواد اللازمة:

- Electricity series and parallel circuits



مصدر طاقة



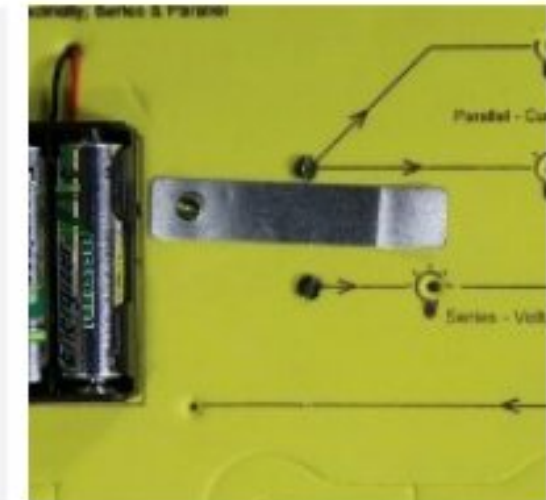
مصباح كهربائي



أسلاك توصيل



اللوحة الأم



مفتاح توصيل

التعلم القبلي:

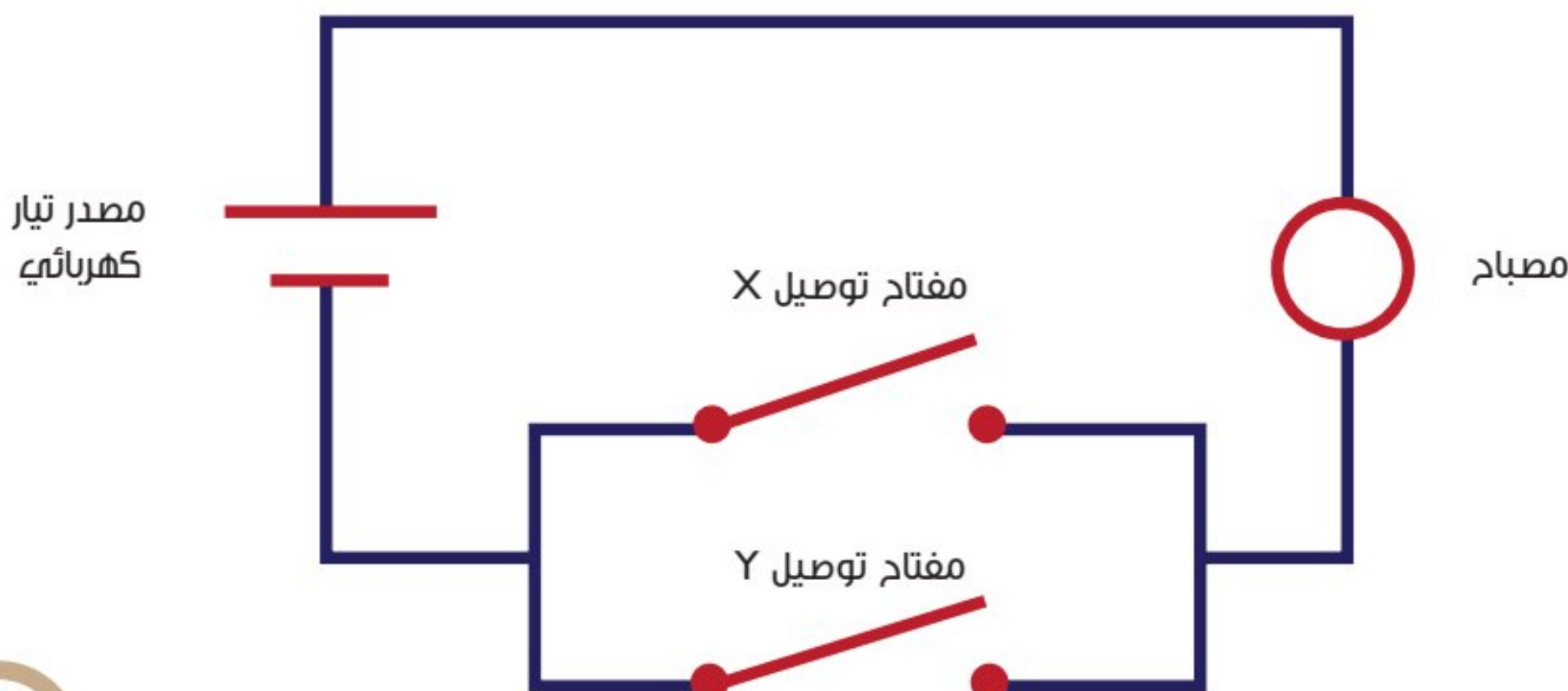
- المبادئ الأساسية في علم الحاسوب.
- تصميم الدوائر الكهربائية وتركيبها.
- المنطق.
- عبارة الفصل.
- مفهوم العبارة.
- جدول الصواب.
- قيم الصواب.

التعلم الأساسي:

- تعرّف المفاهيم الأساسية:
 - العبارة.
 - قيمة الصواب.
 - نفي العبارة.
 - العبارة المركبة.
 - عبارة الوصل.
 - جدول الصواب.
- تحديد قيم الصواب لعبارات معطاة.
- تركيب العبارات، وتحديد قيم الصواب للعبارات المركبة (عبارة الوصل).
- إنشاء جدول الصواب لعبارات معطاة.
- تمثيل عبارة الوصل باستخدام أشكال فن.
- توظيف المفاهيم في حلّ المشكلات.

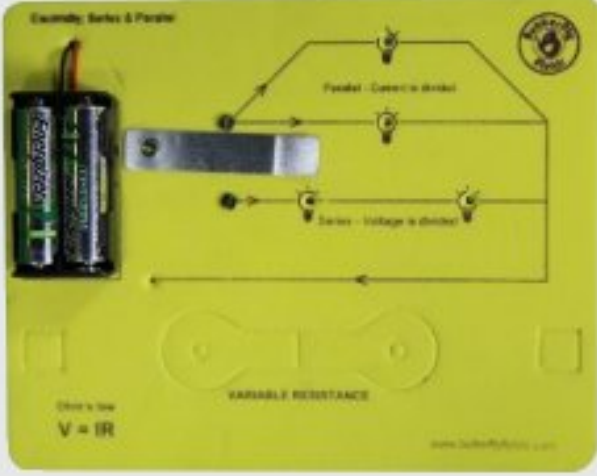
إجراءات تنفيذ النشاط:

- العمل الجماعي يختصر الوقت والجهد؛ فاعمل مع أفراد مجموعتك، وكن نشطاً فاعلاً.
- سيمكنك هذا النشاط من فهم كيفية عمل عبارة الفصل «أو»، من خلال ربطها بعمل دائرة كهربائية بسيطة مزودة بمفتاحي توصيل ومصدر للتيار الكهربائي ومصباح.
- ستنفذ الآن تجربة فيزيائية تحاكي الشكل (4)، لذلك ستحتاج إلى مساعدة مدرّس الفيزياء.



الشكل (4): دائرة كهربائية تمثل البوابة المنطقية OR

إجراءات تنفيذ النشاط:



- تأكد من توافر الأدوات جميعها الموجودة في الوصف.
- أحضر اللوحة الأم، وثبت مصدر الطاقة عليها.
- صل مفاتيح التوصيل على التوازي كما في الشكل (4).
- صل مفاتيح التوصيل مع المصباح كما في الشكل (4).
- صل طرفي الدائرة مع مصدر التيار الكهربائي كما في الشكل (4).
- ستعتمد الرقم (0) إذا كان مفتاح التوصيل مفتوحًا، والرقم (1) إذا كان مفتاح التوصيل مغلقًا.
- إذا أثار المصباح يُعطى الرقم (1)، وإذا لم يُنر يُعطى الرقم (0).



ON
= 1



OFF
= 0

- **المحاولة الثانية:** أغلق مفتاح التوصيل Y فقط.
- هل أضاء المصباح؟
- ما القيمة العددية للمفتاحين X و Y ولماذا؟
- ما القيمة العددية للمصباح؟
- ضع القيم في الجدول.
- بعد كل محاولة من المحاولات، املأ الجدول (5).
- **المحاولة الأولى:** أغلق مفتاح التوصيل X فقط.
- هل أضاء المصباح؟
- ما القيمة العددية للمفتاحين X و Y ولماذا؟
- ما القيمة العددية للمصباح؟
- ضع القيم في الجدول.

● المحاولة الثالثة: لا تغلق آيًّا من مفاتيح التوصيل. ● هل أضاء المصباح؟ ● ما القيمة العددية للمفتاحين X و Y؟ ولماذا؟ ● ما القيمة العددية للمصباح؟ ● ضع القيم في الجدول.	● المحاولة الرابعة: أغلق مفتاحي التوصيل. ● هل أضاء المصباح؟ ● ما القيمة العددية للمفتاحين X و Y؟ ولماذا؟ ● ما القيمة العددية للمصباح؟ ● ضع القيم في الجدول.
--	--

حالة المفتاح X	حالة المفتاح Y	حالة المصباح $A = X \text{ OR } Y$

الجدول (5)

- حَوّل الجدول (5) إلى جدول الصواب (الجدول (6))؛ حيث تمثّل حالة المفتاح X الجملة (p) ، وحالة المفتاح Y الجملة (q) ، وحالة المصباح تمثّل جملة الفصل $p \vee q$. (حَوّل القيمة 0 إلى الحرف F ، وحَوّل القيمة 1 إلى الحرف T).

p	q	$p \vee q$

جدول (6): جدول الصواب

مجالات تطبيق الموضوع في الحياة:

يستخدم المنطق الرياضي كما لاحظنا في النشاط في الدوائر الإلكترونية والكهربائية بشكل واسع، ويستخدم كذلك في مختلف العلوم في الفيزياء والكيمياء والأحياء والهندسة. وفي حياتنا اليومية لا يكاد موقف نتعرض له ويحتاج منا إلى تفكير إلا ونستخدم – من دون أن نشعر – المنطق الرياضي في التبرير، أو الحكم، أو إصدار القرارات المتعلقة بذلك الموقف؛ وعلم سبيل المثال إذا قرأت معلومة تقول إن منطقة الخليج العربي ستتعرض يوم الغد لارتفاع غير مسبوق في درجات الحرارة، وينصح بعدم الخروج من المنزل في وقت الظهيرة، بالتأكيد ستجد أنك لن تخرج في ذلك اليوم في وقت الظهيرة. لماذا؟ أنت استخدمت في هذا الموقف المنطق، وأدركت أن المملكة جزء من الخليج العربي؛ لذلك ستتعرض لهذا المرتفع، وقس على ذلك العديد من المواقف والمشكلات اليومية التي تستخدم فيها المنطق ومنهج التفكير العلمي.

أعد تنفيذ النشاط الرئيس بوضع ثلاثة مفاتيح توصيل على التوازي، واكتب جدول الصواب وفق ما يأتي:

- حالة المفتاح الأول تمثل الجملة p .
- حالة المفتاح الثاني تمثل الجملة q .
- حالة المفتاح الثالث تمثل الجملة h .
- حالة المصباح تمثل الجملة $p \vee q \vee h$.



نشاط
استكشافي

- في النشاط الرئيس، علّل سبب إضاءة المصباح في حال إغلاق أحد المفتاحين أو كليهما.

إرشاد:

- ضع تفسيرك في ضوء ما تعلمته في الفيزياء من مفاهيم تخص حركة الإلكترونات في الموصلات.
- استعن بمدرّس الفيزياء والمواقع الإلكترونية العلمية.



نشاط تفسيري



نشاط
تطبيقي
تكاملي

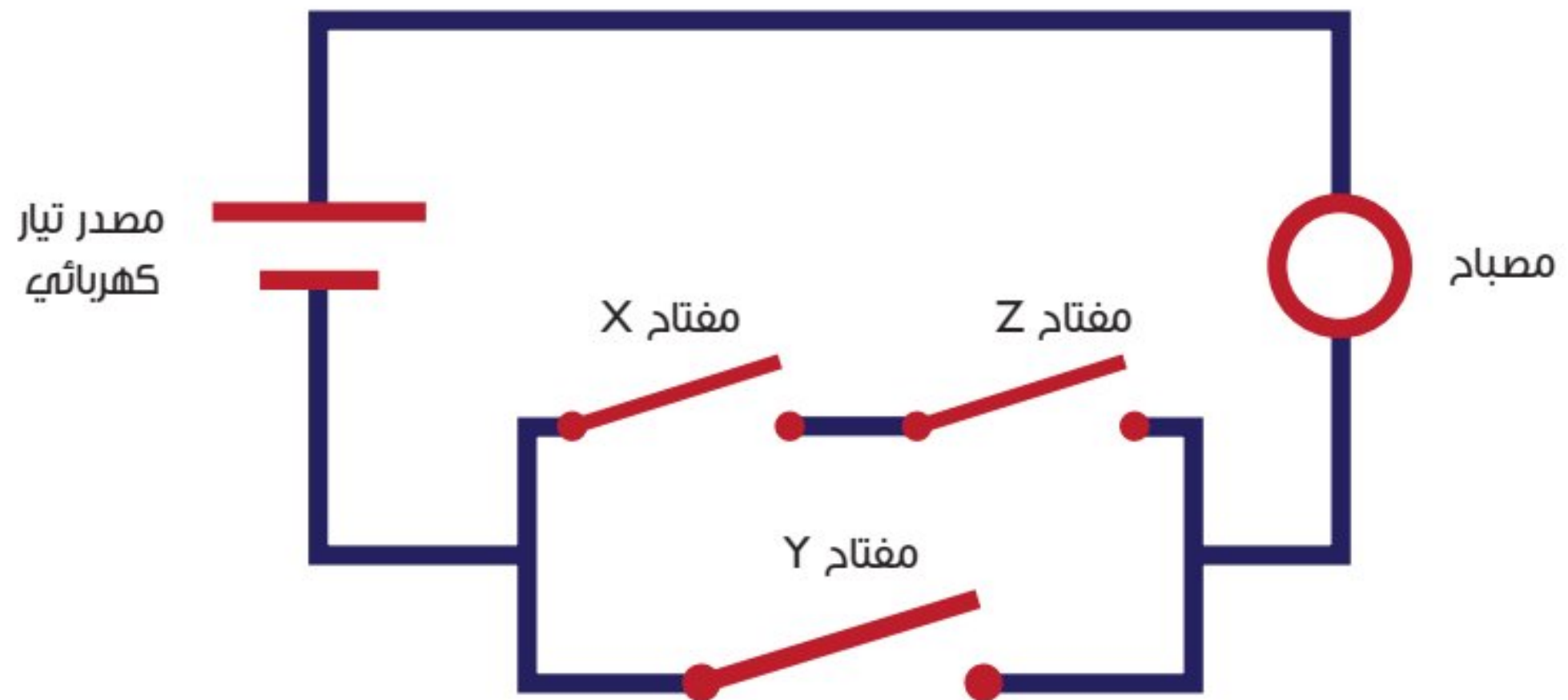
• أعد تنفيذ النشاط الرئيس بوضع ثلاثة مفاتيح توصيل؛ اثنين منهما على التوالي، والثالث على التوازي مع المفتاحين السابقين كما في الشكل (5)، واكتب جدول الصواب الذي يمثل هذه التجربة.

• حالة المفتاح X تمثل الجملة p .

• حالة المفتاح Z تمثل الجملة q .

• حالة المفتاح Y تمثل الجملة h .

• ما الجملة المنطقية التي تمثلها حالة المصباح؟ $p \wedge q \vee h$



• استخدم أشكال فن لتمثيل المسألة الآتية:

احتمال حصول المنتخب السعودي على بطولة كأس العالم 0.02، واحتمال حصوله على بطولة كأس آسيا 0.05، واحتمال حصوله على البطولتين معاً 0.01.

• قرّر مدير المدرسة إجراء نوعين من المسابقات، مسابقة القفز الطويل، ومسابقة شدّ الحبل، ويُعدّ الفريق فائزاً ويستحق المكافأة إذا فاز بإحدى المسابقتين. (الأولى أو الثانية).

– اكتب جدول الصواب الذي يمثل هذه المسألة.

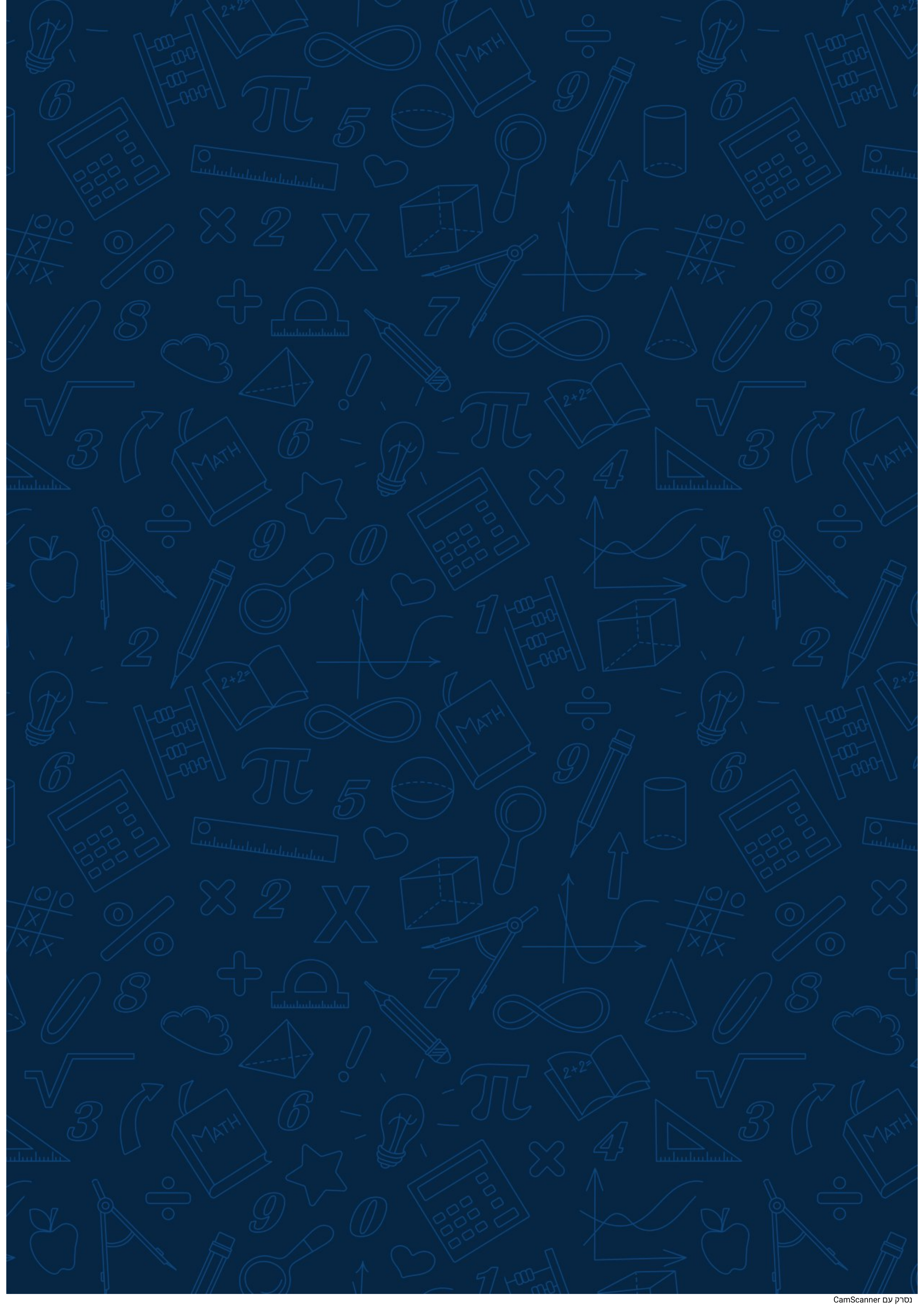
– إذا فاز الفريق بمسابقة واحدة، فهل يحصل على مكافأة؟

– ما الحالة التي لا يحصل فيها الفريق على مكافأة؟

– هل الشروط التي وضعها المدير تزيد من فرصة كلّ فريق في الحصول على جائزة؟ فسّر ذلك.



نشاط
التحقّق من التعلّم
(التقويم)





أنشطة الحقيقية
النشاط الرئيس السادس:

غليان الماء

زمن تنفيذ النشاط 60 دقيقة

يغلي الماء عند درجة حرارة 100 درجة مئوية عند ضغط جويّ مقداره 1 بار حسب منظمة (IUPAC)، ويقصد بدرجة غليان الماء الدرجة التي يتحوّل عندها الماء من حالته السائلة إلى حالته الغازية، وتتم عملية الغليان بشكل متساوٍ في كلّ جزء من أجزاء الماء، حيث يستدلّ على حدوث ذلك من خلال ملاحظة الفقاعات الهوائية الظاهرة على وجه الماء.

يؤثر الضغط الجويّ في درجة غليان الماء؛ فتتخفض درجة غليانه في المناطق المنخفضة حيث الضغط الجويّ مرتفع، وترتفع درجة غليانه في المناطق المرتفعة حيث الضغط الجويّ منخفض. وعادة ما تحدث درجة غليان الماء عند النقطة التي يتساوى فيها ضغط البخار للمادة مع الضغط الجويّ.

توجد العديد من المقاييس التي تستعمل لتحديد درجة حرارة الماء، وأشهرها فهرنهايت والسيليزي، ويحدّد المقياس الفهرنهایت درجة تجمّد الماء عند 32° ، ودرجة غليانه عند 212° ، أما المقياس السيليزي فيحدّد درجة تجمّد الماء عند 0° ، وغليانه عند 100° .

سننّف في هذا النشاط تجربة عملية تقيس فيها درجة غليان الماء مستخدمًا القياسين المذكورين سابقًا.



المقدمة

يتوقع منك بعد الانتهاء من هذا النشاط أن:

- توظّف المنطق الرياضي في برهان التعميمات الرياضية.
- تثبت تكافؤ العلاقات الرياضية عمليًا.
- تربط المفاهيم الرياضية بالعلوم الأخرى.
- تقدّر أهميّة التكامل بين العلوم المختلفة.

الأهداف
الخاصة بالنشاط



العلاقات التكاملية في الحقيبة مع العلوم الأخرى:

التقنية:

Technology

وظفت التقنية في هذا النشاط للبحث عن المعلومات، من خلال توجيه الطالب لاستخدام الإنترنت بوصفه مصدرًا مهمًا من مصادر المعرفة، ووسيلة للبحث عن المعلومات بيسر وسهولة.

العلوم:

Science

بُنِي النشاط علم تصميم تجربة غليان الماء، وهي تجربة في الكيمياء وظفت بشكل جيد لتحقيق التكامل بين العلوم والرياضيات؛ بحيث تكون وسيلة لتدريس المفاهيم الرياضية.

الهندسة:

Engineering

التصاميم الهندسية للأدوات المستخدمة في التجربة تساعد الطالب علم العمل وتنفيذ التجربة بشكل جيد، فحامل القارورة مزود بفتحة تناسب عنق القارورة، والقارورة مزودة بقاعدة عريضة تساعد علم توزيع الحرارة بشكل جيد علم مساحة واسعة.

الرياضيات:

Mathematics

يسعى هذا النشاط إلى تحقيق التكامل بين الرياضيات والعلوم الأخرى، من خلال ربط المفاهيم الرياضية بالمفاهيم العلمية في الكيمياء.

القوانين والمبادئ التكامليّة في الحقيقة:

- البرهان.
- البرهان الجبري.
- البرهان ذو العمودين.
- البرهان الحرّ.
- المسلمات.

النماذج والتصميم

- تجربة غليان الماء.

الموادّ اللازمة:

- ستحتاج في هذه التجربة إلى الموادّ والأدوات الآتية:



حامل للقارورة



ميزان حرارة مدرّج
بالفهرنهايت.
ميزان حرارة مدرّج
بالسيلييزم.



ثلج بحالة هشّة
(مجروش)



قارورة تتحمّل درجات
حرارة مرتفعة



لهب بنسن
Bunsen Burner

التعلّم الرأسي:

- تعلّم المبادئ الأساسيّة في المنطق.
- تعرّف أنواع البرهان الرياضي.
- توظيف المنطق الرياضي في إثبات عدم صحّة بعض العبارات.
- توظيف المنطق الرياضي في برهان التعميمات الرياضية.

التعلّم القبلي:

- المفاهيم الهندسيّة الأساسيّة.
- حلّ المعادلات.
- المسلمات.
- العلاقات بين الزوايا.
- العلاقات بين القطع المستقيمة.

إجراءات تنفيذ النشاط:

العمل في مجموعة يعملّك قيمة العمل الجماعي في تحقيق الأهداف، ويساعد على كسر الحواجز بينك وبين زملائك، ويقوّي روابط الأخوة بينكم، فكن مع زملائك كجناحي الطائر يحملانه إلى قمم الجبال.

ستتفد مع زملائك تجربة كيميائية تتعرّف فيها درجة غليان الماء في جوّ الغرفة؛ لذلك ستحتاج إلى مساعدة مدرّس الكيمياء.

- تأكد من تجهيز الأدوات جميعها التي تحتاجها للتجربة قبل البدء.
- ثبتّ القارورة على الحامل.
- ضع الثلج داخل القارورة.
- ضع ميزان الحرارة داخل القارورة.
- ضع اللهب المشتعل تحت القارورة.
- ابدأ بمراقبة ذوبان الثلج.
- سجّل قراءة الميزانين الأولي بعد ذوبان الثلج.
- بعد كلّ مدّة من الزمن، سجّل قراءة الميزانين.
- استمرّ في المراقبة إلى أن يصل الماء إلى درجة الغليان.
- سجّل قراءة الميزانين عند درجة الغليان.

استخدم الجدول (7) لتحويل قراءات درجة حرارة الماء بالسيليزي (C) إلى فهرنهايتي (F)، مستعملًا

$$F = \frac{9}{5} C + 32$$

العلاقة

الدرجة المكافئة لها بالفهرنهايتي	درجة حرارة الماء المسجّلة في التجربة بالسيليزي

الجدول (7)



نشاط استكشافي

مستخدمًا الإنترنت، ابحث في طرق البرهان الرياضي، وقدم مثالًا لكل واحدة منها.



نشاط تفسيري

فسّر لماذا يتبخر ماء البحار والمحيطات من دون أن يصل الماء فيها إلى درجة الغليان. (يمكنك الاستعانة بالإنترنت ومدرّس الكيمياء).



نشاط تطبيقي تكاملي

• تعلّمت في النشاط الرئيس طريقة عمليّة للتأكّد من تكافؤ علاقتين رياضيتين، والآن ستُبرهن تكافؤ العلاقتين في النشاط الرئيس باستخدام طرق البرهان الرياضي.

• المعطيات: $C = \frac{5}{9} (F - 32)$

• المطلوب: استعمل البرهان الجبري؛ لإثبات أنّ العلاقة $C = \frac{5}{9} (F - 32)$ يمكن كتابتها على الصورة: $F = \frac{9}{5} C + 32$

الخطوة	التبرير
$C = \frac{5}{9} (F - 32)$	المعطيات
	استعمل خاصيّة القسمة للمساواة
	بسّط
	استعمل خاصيّة الجمع للمساواة
	بسّط

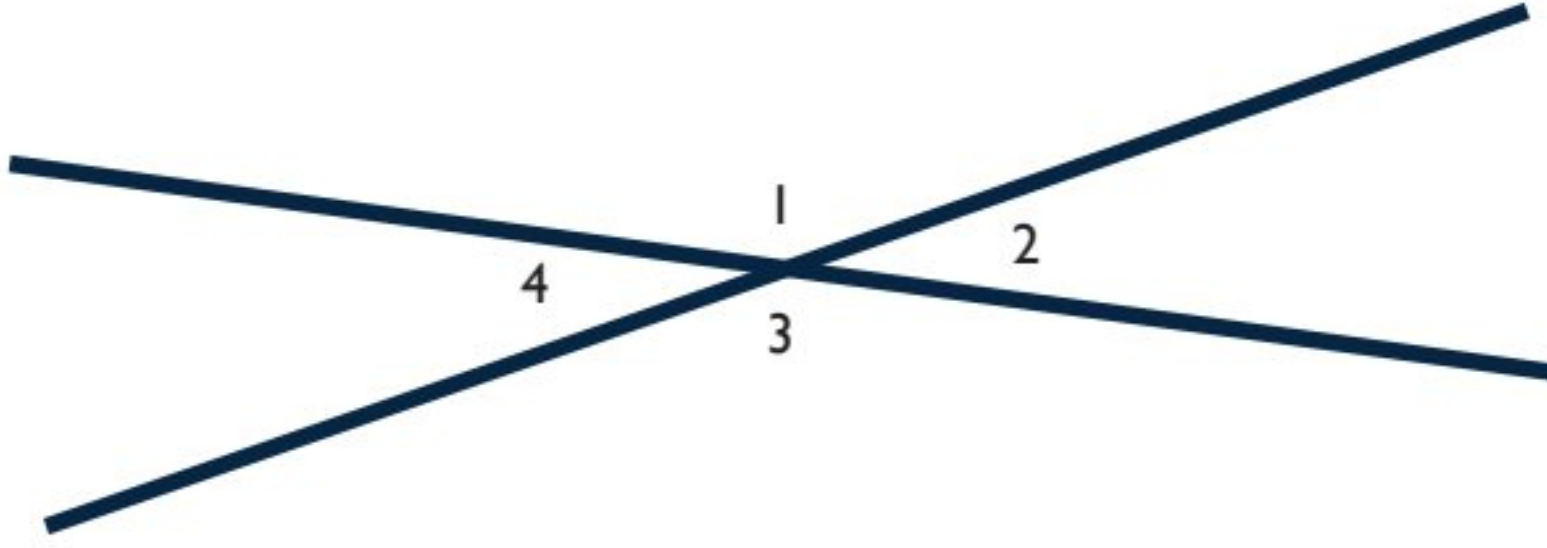


نشاط التحقّق من التعلّم (التقويم)

- في الشكل التالي، إذا علمت أنّ كلّ ضلعين متقابلين متوازيان، فأثبت أنّ $m\angle 1 + m\angle 2 = 180$



- أثبت أنّ مجموع الزوايا في الشكل التالي يساوي 360 درجة.



- قصّ بليط قطعة بلاط بطول معيّن، ثم استعملها نموذجًا ليقصّ بلاطة ثانية تطابق الأولى، ثم استعمل هاتين البلاطتين لقصّ بلاطة ثالثة طولها يساوي مجموع طولَي البلاطتين. أثبت أنّ طول البلاطة الثالثة يساوي مثلي طول البلاطة الأولى.
- إذا كان $7 = 1 - (X - 1) \cdot 4$ ، فأثبت مبررًا كلّ خطوة أنّ $X = 3$.